慶應義塾大学学術情報リポジトリ

Keio Associated Repository of Academic resouces

Title	対外投資理論の再検討:対外投資函数の採用
Sub Title	A new model of foreign investment
Author	宮尾, 尊弘
Publisher	慶應義塾経済学会
Publication year	1968
Jtitle	三田学会雑誌 (Keio journal of economics). Vol.61, No.4 (1968. 4) ,p.458(76)- 484(102)
JaLC DOI	10.14991/001.19680401-0076
Abstract	
Notes	論説
Genre	Journal Article
URL	https://koara.lib.keio.ac.jp/xoonips/modules/xoonips/detail.php?koara_id=AN00234610-19680401-0076

慶應義塾大学学術情報リポジトリ(KOARA)に掲載されているコンテンツの著作権は、それぞれの著作者、学会または出版社/発行者に帰属し、その権利は著作権法によって 保護されています。引用にあたっては、著作権法を遵守してご利用ください。

The copyrights of content available on the KeiO Associated Repository of Academic resources (KOARA) belong to the respective authors, academic societies, or publishers/issuers, and these rights are protected by the Japanese Copyright Act. When quoting the content, please follow the Japanese copyright act.

対外投資理論の再検討

---対外投資函数の採用-

宮尾尊弘

一、序

三、均衡成長経路二、モデルの設定

五、小域的安定性四、存在と一意性三、均衡成長経路

六、対外投資の過大性

七、最適成長と対外投資

序

異をただちに消滅させることになる。この仮定によって、資本の収益率の国際的均等がどこでも常に成立することとなり、 れない限り、資本の収益率のより低い国からより高い国へとスムースに資本ストックが移動して、国際的な資本の収益率の差 へ瞬時的に移動可能であるという仮定を、その分析の主要な基礎としてきた。そこでは、 従来までの実物的な国際資本移動の理論ないし対外投資の理論は、 国内に蓄積された既存の資本スト 国際的な自由競争に制限が課せら クが一国から他国

るという事実によって証明されるように、現在のところまだこの理想に達していない。(2) る重要な媒介物となる傾向がある。しかし、 たらすという信念も、この仮定が実証的な対外投資理論において普遍的に採用されることを助けたと思われる。 デル分析は著しく単純化されえたのである。 資本および土地に対する報酬を均等化し、 彼の主著「国際経済学」の 直接投資に関する結論の 部分で次のように 述べている。 大部分のアメリカの企業が国内投資よりも外国投資からより高い収益を得てい また、 国民的企業が一国内で技術を普及させるように諸国間に技術を普及す そのような資本ストックの自由な移動は国際的な資源の最適配分をも 「将来巨大な国際的企業 キンドゥ

動可能であるとする非現実的な仮定は排除さるべきであると考える。 が分析され、説明されるべきであろう。その際に、一国に既に投資されてしまっている実物資本ストックが容易に他国に移 である。資本の収益率の国際的均等が成立している状態ではなく、長期にわたって現実に存在する収益率の国際的差異こそ しかし、 っともと思われる仮説を考慮して設定されるであろう。 われわれが実証的な理論モデルによって説明すべきものは、 以下のモデルは、 望ましい理想状態ではなく、 次のような観察可能な事実あるいは 現実に観察可能な事実

その国から他国へ移動することはない。 第一に、当該期間までに既に一国内に投資された実物資本ストックは、国際的にいかなる収益率の差異が存在しようとも、

の国の収益率に比較して外国の収益率が高くなるにつれて増大するであろう。 の投資は、 それぞれの国の資本ストックの付加分を形成する。ここで、一国の総貯蓄に占める対外投資の割合は、 当該期間における一国内の貯蓄は、その一部が外国への投資となり、その残りが国内への投資となる。 それぞれ 般にそ

に比較して外国の収益率が 自国の収益率に比較して外国の収益率が低いような国は、対外投資を行なわないであろう。 いかに高かろうと、 自国の貯蓄のすべてを対外投資に向けることはないであろう。 また、 自国の収益率

2外投資理論の再検討

しめるであろう。(3)(4)とりであるような投資国の観点よりする最適な点を越えて過大になされるという命題を、投資国の国民所得を最大化するような投資国の観点よりする最適な点を越えて過大になされるという命題を、 資が存在しない場合の収益率の相違は、対外投資が起こることによって(ある条件のもとで)縮小されるが、その差は消滅し ない。このことは、 ここでは、制限的な政策や障害が存在しない長期均衡においてさえも、 析において、両者は異なってこよう。また、さらに、第二、第三の事実の考慮は、従来までの結論を著しく修正せしめる。 ことは、資本ストックの自由な移動と実質的に同じことになるからである。しかし、均衡成長以外の経路にかかわる安定分 同様の帰結を導くであろう。なぜなら、長期の均衡成長経路においては、資本ストックの増分である投資が自由に移動する の事実を考慮したモデルは、 以上の諸点は、これまでのいかなる国際資本移動の理論によっても考慮されることがなかったと言える。 従来までの対外投資モデルで主張されてきた「対外投資の過大性」すなわち国際的に自由な資本移動は 長期の均衡成長状態のみを問題とする限り、資本ストックが自由に移動しうる従来のモデルと 一般に国際的な収益率の差異は解消しない。対外投 もっとも、 直接に修正せ

- (注 1) 例えば、 -ンドゥルバーガー〔5〕第二十章(邦訳三八一頁)M·C·ケンプ〔4〕第十三章天野〔1〕第七章、根岸〔6〕、浜田〔2〕等を参照。
- 注2 C・P・キンドゥルバーガー
- 注 3 対外投資の過大性への批判と修正は、貿易をも考慮した分析によってもなされている。
- 注 4 ただいた。謝意を表する次第である。またこの機会に、 本稿のような対外投資の取り扱い方およびその実際的解釈について、矢内原勝教授および大山道広助手より対外投資の過大性への批判と修正は、貿易をも考慮した分析によってもなされている。注1の文献を参照。 指導教授である千種義人先生にも、 日ごろの御指導に対して御礼を申し上げた

モデルの設定

簡単化のために、 A国・B国の二国のみが存在して、 ある国の対外投資はその国の経常(投資財) 産出物を他国に持ち込む

ことによって遂行されると仮定する。 それぞれの国を表わす添字をa、 \boldsymbol{b} として、 次のように記号を定義する。

- 第 i 国の国民所得 (i = a、b)
- 第i国の総投資(i=a、 第i国の国内総生産(i=a、 b
- s_i $\stackrel{\frown}{i} \parallel \stackrel{a}{a}, \\
 \stackrel{b}{b}$
- 第
 に国から第
 う国になされた投資量(
 i = a、
- K_{ij} I_{ij} 第で国が所有し、 第
 う国で使用される資本スト ク \widehat{i} aa,
- 国の収益率 $\begin{pmatrix} i & a \\ a & b \end{pmatrix}$
- 第i国の労働量(i=a、 b

出来る。 対外投資からの収益は毎期本国に送金されると仮定して、 先に指摘した三点を考慮するならば、 次の 的均衡モデルが

〈A国〉

$$s_a Y_a = I_a = I_{aa} + I_{ab}$$

$$\frac{\mathbf{I}_{ab}}{\mathbf{I}_{a}} = \alpha \{ \max(r_b - r_a, 0) \}$$

$$Y_a = X_a + r_b K_{ab} - r_a K_{ba}$$

$$\mathbf{X}_a \!=\! \mathbf{F}_a (\mathbf{K}_{aa} \!+\! \mathbf{K}_{ba}, \; \mathbf{L}_a)$$

$$a = \frac{\partial \mathbf{F}_a}{\partial (\mathbf{K}_{aa} + \mathbf{K}_{ba})}$$

対外投資理論の再検討

七九 (四六二)

(5 a)

(4 a)

 (3α)

(2a)

(1 a)

八 〇

(四六二)

(1 b)

$$s_b Y_b = I_b = I_{bb} + I_{ba}$$

$$\frac{I_{ba}}{I_b} = \beta \{ \max (r_a - r_b, 0) \}$$

$$(2b)$$

$$Y_b = X_b + r_a K_{ba} - r_b K_{ab}$$

$$X_b = F_b(K_{bb} + K_{ab}, L_b)$$

$$(3b)$$

$$\tau_b = \frac{\partial \mathbf{F}_b}{\partial (\mathbf{K}_{bb} + \mathbf{K}_{ab})} \tag{5 b}$$

きもので、次のような性質を持つものと仮定される。 ただし、 (2a) および (2b) の自国貯蓄に占める対外投資比率を表わす α およびβは、 「対外投資函数」とでも呼ばれるべ

$$\alpha(0)=0, \ \alpha(\infty)=1, \ \text{$\sharp \sharp \mho \alpha'>0}$$

$$\beta(0)=0, \ \beta(\infty)=1, \ \text{$\sharp \sharp \mho \beta'>0}$$

$$(6a)$$

$$\beta(0)=0, \ \beta(\infty)=1, \ \text{$\sharp \sharp \mho \beta'>0}$$

$$(6b)$$

して、 るから、 さて、 I,,, および 既に定まっている両国の収益率ない 生産函数は、一次同次で限界生産力逓減という通常の新古典派的な仮定を満たすものとする。 (4a)(4b)(5a) および (5b) より、両国の国内産出量 X、X および収益率 ァ、 一時的には、資本ストック量 Kax より、両国の国民所得 Y、Y。が求まり、さらに、(la)(lb)に従って、両国の総貯蓄 \mathbf{I} 。、 \mathbf{I} 。が決定される。そ Luが求まるのである。 たの差に依存して、 K、K および K がすべて与えられており、労働量 L および (2a) (2b) から、対外投資比率 La, La, したがって La, たが決定される。したがって、 L。も与えられ

次に、体系の動学的運動を調べるために、 以下の動学式を一時的均衡体系に加えよう。簡単化のために、資本ストックの

減耗率がゼロであると仮定すると、

$$K_{aa} = I_{aa}$$

(7 α)

(8 a)

(7 b)

$$\dot{\mathbf{K}}_{ab}\!=\!\mathbf{I}_{ab}$$

$$\dot{\mathbf{K}}_{bb} = \mathbf{I}_{bb}$$

$$\dot{K}_{bb}\!=\!\mathrm{I}_{bb}$$

$$\dot{\mathbf{K}}_{ba} = \mathbf{I}_{ba}$$

に値すると考えられる。かくして、次のように仮定する。

$$\dot{\mathbf{L}}_{u} = n\mathbf{L}_{u}, \quad n > 0 \tag{9 a}$$

(9 6)

また、 (96) とともに、すべての期間について、 一般性を失うことなく、両国の労働量の初期値が同一になるように生産函数を定義することができる。 かくて、 (9a)

$$\mathbf{L}_a = \mathbf{L}_b \left(= \mathbf{L}_0 e^{nt} \right) \tag{10}$$

となる。すると、各国の労働者一人当りの各国の変数を小文字で書くならば、体系(1a)ー(10) は、 ができよう。 次のように表わすこと

$$\dot{k}_{aa} + nk_{aa} = [1 - \alpha \{ \max (r_b - r_{ar}, 0) \}] s_a y_a$$
(11 a)

$$\dot{k}_{ab} + nk_{ab} = \alpha \{ \max(r_b - r_a, 0) \} s_a y_a$$

$$r_a + r_b k_{ab} - r_a k_{ba}$$

(四六三)

(12a)

 (13α)

ただし、 $r_b = f_b'(k_{bb} + k_{ab})$ $x_b = f_b(k_{bb} + k_{ab})$ $y_b = x_b + r_a k_{ba} - r_b k_{ab}$ $\dot{k}_{ba} + nk_{ba} = \beta \{ \max(r_a - r_b, 0) \} s_b y_b$ $\dot{k}_{bb} + nk_{bb} = [1 - \beta(\max(r_a - r_b, 0))]s_by_b$ $r_a = f_a'(k_{aa} + k_{ba})$ $x_a = f_a(k_{aa} + k_{ba})$ 八二 (四六四) (15 b)(14 b)(13 b)(12 b)(11 b)(15a)(14 a)

 $f_a(z) = F_a(z, 1), f_b(z) = F_b(z, 1)$

 $f_a' > 0$ $f_a'' < 0$ $f_b' > 0$ $f_b'' < 0$ $f_a(0)=0, f_a(\infty)=\infty, f_b(0)=0, f_b(\infty)=\infty$

以上をまとめると、次の基本動学式をうる。 $f_a'(0) = \infty$ $f_a'(\infty) = 0$ $f_b'(0) = \infty$ $f_b'(\infty) = 0$

 $\dot{k}_{aa} = [1 - \alpha \{ \max(f_b' - f_a', 0) \}] s_a(f_a + f_b' k_{ab} - f_a' k_{ba}) - nk_{aa}$

 $\dot{k}_{bb} = [1 - \beta \{ \max(f_a' - f_b', 0) \}] s_b(f_b + f_a' k_{ba} - f_b' k_{ab}) - nk_{bb}$ $\dot{k}_{ab} = \alpha \{ \max(f_b' - f_a', 0) \} s_a(f_a + f_b' k_{ab} - f_a' k_{ba}) - nk_{ab}$

注1 $\dot{k}_{ba} = \beta \{ \max(f_a' - f_b', 0) \} s_b (f_b + f_a' k_{ba} - f_b' k_{ab}) - n k_{ba}$ これとやや類似した考え方が、通常の二部門成長モデルにおいて、部門ごとの投資函数に対してなされている。Inada [3] The (23)

(22)

(21)

(20)

(18)

(19)

(17)

(16)

General Case p. 26 footnote 2 参照。(筆者はこのことを、川又邦雄助手の御教示によって知ることができた。)

三、均衡成長経路

基本動学式 (20) — (23) の左辺をすべてゼロと置くことによって、 $[1-\alpha\{\max(f_b'-f_a',0)\}]s_a(f_a+f_b'k_{ab}-f_a'k_{ba})=nk_{aa}$ 均衡成長経路における諸関係が次のようにえられる。

 $[1-\beta\{\max(f_a'-f_b',0)\}]s_b(f_b+f_a'k_{ba}-f_b'k_{ab})=nk_{bb}$ (25) (24)

 $\beta\{\max(f_a'-f_b',0)\}s_b(f_b+f_a'k_{ba}-f_b'k_{ab})=nk_{ba}$ $\alpha \{ \max(f_b' - f_a', 0) \} s_a(f_a + f_b' k_{ab} - f_a' k_{ba}) = nk_{ab}$

(26)

次の命題が成立する。 (27)

命題一 体系(24)−(27)を満たす有意味な解を ku*>0, kb*>0, kcb*№0 および kbc*№0 としよう。

このときに

 $f_a'(k_{aa}*+k_{ba}*)=f_b'(k_{bb}*+k_{ab}*)$

(28)

となるのは、

のとき、そしてそのときのみである。 $k_{ab}*=k_{ba}*=0$ (29)

〈証明〉

逆に、 および k_{**} >0, k_{**} >0 より $s_{*}f_{*}(k_{**})$ >0 $s_{*}f_{*}(k_{**})$ たから、 $\alpha\{\max(f_{*}'-f_{*}',0)\}=\beta\{\max(f_{*}'-f_{*}',0)\}=0$ がえられる。 (28) (29) が成立するならば、 が成立するならば(6α)(66)よりα=β=0となり、 対外投資理論の再検討 (9a) で 20 と仮定したから、(26)(27) より、 (29) となる。 (17) (18

これは (6a) (6b) より f'-f'=0' すなわち、 (28) を意味する。(証了)

国は、結果として投資国となる。これを命題一とともにまとめるならば、 の収益率の大小関係が、対外投資を考慮した体系においても(量的な変化は当然であるが)そのまま 維 持されることを意味す ず両国で異なる。さらに、このことと、生産函数および対外投資函数の連続性と単調性は、対外投資がなされる以前の両国 行なわれる以前に収益率が両国で異なるときには、対外投資を考慮した体系(24) ― (27) においても、決定される収益率は必 考慮した場合(実はこの場合に対外投資は起こらない) 命題一は、対外投資が行なわれる以前に、A・B両国の資本の収益率が等しいとき、そしてそのときにのみ、 対外投資が行なわれる以前に、収益率が相対的に高い国は、 の収益率が両国で等しくなることを示している。 次の命題をうる。 結果として被投資国となり、それが相対的に低い すなわち、対外投資が 対外投資を

対外投資が行なわれる以前において、

$$\frac{f_a(\tilde{k}_{aa})}{\tilde{k}_{aa}} = \frac{n}{s_a}, \quad \frac{f_b(\tilde{k}_{bb})}{\tilde{k}_{bb}} = \frac{n}{s_b}$$
(30)

として、

$$f_a'(\tilde{k}_{aa}) = f_b'(\tilde{k}_{bb}) \Longleftrightarrow f_a'(k_{aa}* + k_{ba}*) = f_b'(k_{bb}* + k_{ab}*)$$
だだし、 $k_{ab}* = k_{ba}* = 0$ (31)

$$f_a'(\bar{k}_{aa}) < f_b'(\bar{k}_{bb}) \Longleftrightarrow f_a'(k_{aa}* + k_{ba}*) < f_b'(k_{bb}* + k_{ab}*)$$

$$f_a'(k_{aa}) > f_b'(k_{bb}) \iff f_a'(k_{aa}^* + k_{ba}^*) > f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*)$$
(32)

(33)

ただし、
を *=0,
を *>0

チボ(kゥ。*+k゚。。*) が成立したと想定しよう。 らば、次の関係が成立せねばならない。 在すればよいことになる。いま f_('kea') が f_('kea') に十分近い値をとる 場合 を考える。そして、結論とは逆に f_('kea'*) < 命題一および諸函数の連続性と単調性より、例えば、f』(トムロ゚)>f』(トルႱ)= すると (25) で β=0, ㎏*=0 となるから、これを変形し、さらに (30) を見るな ⇒f。'(k。。*+k。。*)>f。'(k。。*)となる例が一つでも存

$$\frac{f_b(k_{bb}^*)}{k_{bb}^*} < \frac{f_b(k_{bb}^* + k_{ab}^*) - f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*)k_{ab}^*}{k_{bb}^*} = \frac{n}{s_b} = \frac{f_b(\tilde{k}_{bb})}{\tilde{k}_{bb}}$$
(34)

これより、k**\k** したがって f*(k**)<f*(k**) となる。また、同様に結論とは逆の想定は、(24)(26)

$$\frac{f_a(k_{aa}^*) + f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*)k_{ab}^*}{k_{aa}^* + k_{ab}^*} = \frac{n}{s_a} = \frac{f_a(\bar{k}_{aa})}{\bar{k}_{aa}}$$
(35)

ることを意味するから、 を導くが、 $f_a'(k_{aa})$ が $f_b'(k_{bb})$ に十分近いという仮定より、(命題一および諸函数の連続性より) $f_a'(k_{aa}*)$ も $f_b'(k_{bb}*+k_{ab}*)$ に十 分近い値をとらねばならず、 $f_{ka}^{(ka*)} > f_i(kb*+ka*)$ となる。これは、(35)の左辺よりも、 $f_i(ka*)$ のほうがより大であ したがって、ピ゚*人ピ゚。 つまり ヂ(ピ゚*)>ヂ(ピ゚) となる。以上をまとめると

$$f_a'(\tilde{k}_{aa}) < f_a'(k_{aa}^*) < f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*) < f_b'(k_{bb}^*) < f_b'(\tilde{k}_{bb})$$
 (36)

が成立することになり、最初の仮定である f_('kaa)>f_('kbb) に矛盾する。 (証了)

四、存在と一意性

書ける。 あり、(33)のケースは、それとまったく対称的だからである。(32)のケースにおいては、体系(24)―(27)が次のようにあり、(33)のケースは、それとまったく対称的だからである。(32)のケースにおいては、体系(24)―(27)が次のように 命題二における (32) のケースを以下での考察の対象にすれば十分である。なぜなら、 (31) のケースはトリヴィアルで

$$[1-\alpha(f_b'(k_{bb}*+k_{ab}*)-f_a'(k_{aa}*))]s_a(f_a(k_{aa}*)+f_b'(k_{bb}*+k_{ab}*)k_{ab}*)=nk_{aa}*$$

$$S_{\delta}\{f_{\delta}(k_{b\delta}*+k_{a\delta}*)-f_{\delta}'(k_{bb}*+k_{a\delta}*)k_{a\delta}*\}=nk_{b\delta}*$$

$$(37)$$

$$\alpha \{f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*) - f_a'(k_{aa}^*)\} s_a \{f_a(k_{aa}^*) + f_b'(k_{bb}^* + k_{ab}^*) k_{ab}^*\} = nk_{ab}^*$$
(39)

混乱のおそれがない限り、 このモデルにおいて、均衡が一意に定まるための条件を検討しよう。そのために、体系を次のように変形する。(以下では、 *印を省略する。)

$$\frac{f_a(k_{aa}) + \dot{f}_b'(k_{bb} + k_{ab})k_{ab}}{k_{aa} + k_{ab}} = \frac{n}{s_a} \tag{40}$$

$$\frac{f_b(k_{bb} + k_{ab}) - f_b'(k_{bb} + k_{ab})k_{ab}}{k_{bb}} = \frac{n}{s_b}$$

(41)

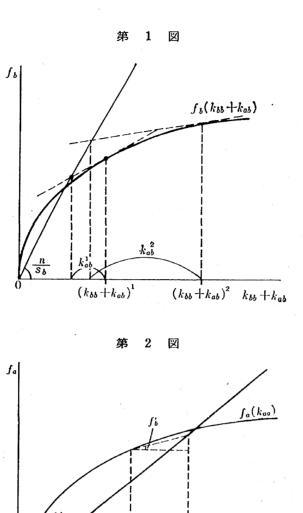
$$\alpha \{ f_b'(k_{bb} + k_{ab}) - f_a'(k_{aa}) \} = \frac{k_{ab}}{k_{aa} + k_{ab}}$$

$$(42)$$

ことで、
$$(40)$$
 は、 (37) と (39) より、 (41) は、 (38) より、さらに、 (42) は、 (37) と (39) そして (39) を二度領

て導かれる。 さらに、 (42) tt. (37) と (39) そして (39) を二度利用し

第一に、ぬの定まり方を見よう。(41)より、kw+kw を与えるならば、 k_{ab} が第1図のように定まることがわかる。



次に、kaはどのように定まるであろうか。(40) より、kbb+kab と kab を与えるならば、つまり、fb(kbb+を与えるならば、かまる。この場が第2図のように決まる。この場合、一般に kab は二つの値をとる。 かくして、(40) と (41) から、たい+kab に対応して kaが定まることになる。これを次の図で示そう。ここで、CD間におけるようなkaoのここで、CD間におけるようなkaoのここで、CD間におけるようになるの

逆転が生じるのは、kw+kw が増大するのに対して、 このような逆転を排除する条件を求めよう。kg=kbb+kab と置けば、 (41) より(第1図より) 決まる 🛵 (41) より、 が逆に減小することがあるからであ

$$k_{bb} = h(k_{\rm B}) = \frac{f_b(k_{\rm B}) - f_b'(k_{\rm B})k_{\rm B}}{n} \quad \text{or} \quad k_{ab} = m(k_{\rm B}) = \frac{f_b(k_{\rm B}) - \frac{n}{s_b}k_{\rm B}}{f_b'(k_{\rm B}) - \frac{n}{s_b}}$$

$$(43)$$

と書ける。函数の定義より

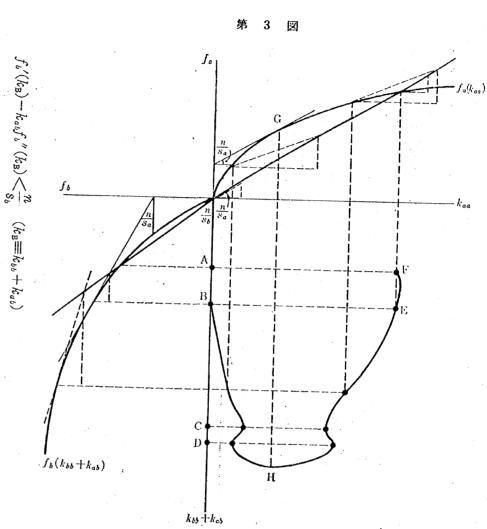
$$m'(k_B) = 1 - h'(k_B)$$

であって、

対外投資理論の再検討

八七(四六九)

(44)



$$h'(k_{\rm B}) = \frac{\left(f_b - \frac{n}{S_b}k_{\rm B}\right)f_b''}{\left(f_b' - \frac{n}{S_b}\right)^2}$$

$$= \frac{mf_b''}{f_b' - \frac{n}{S_b}}$$

$$\frac{dk_{ab}}{dk_{\rm B}} = m'(k_{\rm B})$$

$$(45)$$

$$\frac{dk_{B}}{dk_{B}} = m'(k_{B})$$

$$= 1 - \frac{k_{ab}f_{b}''(k_{B})}{f_{b}'(k_{B}) - \frac{n}{s_{b}}}$$

$$= \frac{f_{b}'(k_{B}) - k_{ab}f_{b}''(k_{B}) - \frac{n}{s_{b}}}{f_{b}'(k_{B}) - \frac{n}{s_{b}}}$$

(47)

が満たされるならば、CD間におけるようなぬの逆転は生じないことになる。

また、 AB間(EF間) においても、 ん。の逆転が生じる。これは、たとえ条件(47)が満たされても生じうる逆転であって

る両国の収益率の差は、 って収益率がヨリ小となることが第3図から読みとれる。かくしてこの部分においては、対外投資がなされる以前に存在す しかもこの部分では、資本輸出国であるA国の資本ストックが、 このような事態は、 第3図より、 対外投資が行なわれることによって、かえって拡大するという変 則的 な事態 が発生することにな 条件 対外投資の行なわれる以前よりも、ヨリ大となり、 したが

$$(\langle \tilde{k}_{bb} \rangle \leq \frac{n}{s_a} \quad \left(\frac{f_b(\tilde{k}_{bb})}{\tilde{k}_{bb}} - = \frac{n}{s_b} \right) \tag{48}$$

ことがわかる。 により $f_a'(k_{ea}^*) extstyle f_a'(k_B^*)$ であったから、 $f_a'(k_{ea}^*) extstyle f_a''$ となり、第3図において、G点より右側の k_a'' のみを考慮すればよい が満たされるならば排除される。なお、このとき、図より $f_i'(k_{ exttt{B}}^*) extstyle / f_i'(ar{k}_{t_i}) extstyle / ar{k}_{t_i}^{-2}$ となることが明らかである。すると、仮定

ところで (43) を利用すると、(40) より

$$\frac{dk_{aa}}{dk_{B}} = \frac{\binom{n}{S_{a}} - f_{b}'(k_{B})}{\binom{n}{S_{a}} - f_{b}''(k_{B})m(k_{B})} - f_{b}''(k_{B})m(k_{B})}{f_{a}'(k_{aa}) - \frac{n}{S_{a}}}$$
(49)

るかは、分子が正となるか負となるか、すなわち第3図で、 ぬ が G の左側であるか右側であるかに依存する。以上のこと が計算できる。この分子は、条件(47) 次の命題にまとめておこう。 および(48)が満たされるならば、正の符号を持つから、全体が正となるか負とな

(40) および (41) より描かれる第3図において、 G点りまり $f_a'(k_{aa}) = \frac{n}{s_a}$ に対応するH点と、 (kat, kbb) に対応す

対外投資理論の再検討

それは必ず曲線HFの範囲内になければならない。 るF点とを結ぶ単調な右上りの (dkg へo となる) 曲線をうる。そして、 もしも体系(37)―(39)に均衡解が存在するならば

ここで、右の二つの条件を、より見やすい十分条件に置きかえておこう。 第一に、 条件 (47) は、

$$(k_{\mathrm{B}})>0$$
 for $k_{\mathrm{B}}>\tilde{k}_{bb}$

f。'(kB) < f,'(kbb) + f,''(kB) kab であり、また (41) つまり、B国(被投資国)の 収益 率 逓減の程度それ自体が逓減していくならば、十分に満たされる。 より、 なぜなら、これより、

$$f_{b}'(k_{bb}) < \frac{f_{b}(k_{bb})}{k_{bb}} < \frac{f_{b}(k_{bb} + k_{ab}) - f_{b}'(k_{bb} + k_{ab})k_{ab}}{k_{bb}} = \frac{n}{s_{b}}$$

であり、この両式より、 $f_*(k_B)-f_*''(k_B)\cdot k_{a_b} extstyle \wedge \frac{n}{s_b}$ つまり(47)をうるからである。第二に、 (48)

$$f_b'(k_B) - f_a'(k_{aa}) = \alpha^{-1} \left(\frac{k_{ab}}{k_{aa} + k_{ab}} \right)$$
 (52)

次の式が求まる。

与えられた ಒ。に対して第3図で求めたHF線より ただし α-1() は、α() の逆函数で、 (6a) Ly $\alpha^{-1}(0) = 0$, $\alpha^{-1}(1) = \infty$ ぬを読みとり、それらの ぬと ぬに対応して、 および α-1/>0 であることがわかる。第4図は、 (52) より定まる ぬ

kaと kaとの関係を表わす曲線は、 を描いたものである。 条件(47)(48) あるいは (50)(51) が満たされるならば、そのようにHF線を使って、 第4図のように単調な右下りの曲線となる。これは、 (52) を微分して、 (52) より求まる

$$\frac{dk_{\rm B}}{dk_{aa}} = \frac{\alpha^{-1}}{f_b''} \cdot \frac{k_{aa}\frac{dk_{ab}}{dk_{aa}} - k_{ab}}{(k_{aa} + k_{ab})^2} + \frac{f_a''}{f_b''} > 0$$
(53)

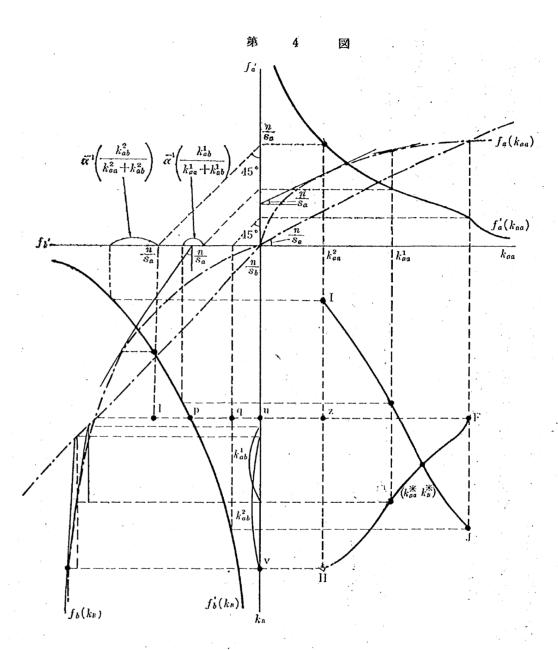
意であることを示している。 以上のことは、体系(37)—(39) に均衡が存在するなら、 (なぜなら、右辺の | dkee | = m'(kg) | dkg | が、 (46)(47)(48) および (49)より負であるから)となることによっても確かめられよう。 つまり、第4図で曲線HFと曲線IJが交点を持つなら、必ず一

は2点よりも下方に来ることはない)からである。 Puだからである。また、1点がH点より上側に来ることは、条件 (48) (あるいは(56)) ƒ((kω)|トト-2 つまり、 とを確かめれば十分である。J点がF点よりも下側に来ることは、F点が(セーロ。 ドムル)に対応していることよりただちに出て となることから導かれる。 の形に対する仮定 (19) より明らかである。したがって、J点がF点よりも下側に、そしてI点がH点より上側に存在するこ 最後に、均衡の存在、すなわち曲線HFとIJに交点があることを証明する。 まず、I点とJ点が存在することは、生産函数 ここで問題としているのは、(32) のケース、つまりf』(kea)人f』(kbb) の場合であって、第4図では、qu人 なぜなら、α-1№0であって、 かつ、u点は、H点に対応するv点よりも厳密に上方にある(I点 第4図でpullu

かくして、次の命題が証明されたことになる。

は条件 $f_{b}''(k_{B})k_{ab} < \frac{n}{s_{b}}(k_{ab} = m(k_{B}))$ for $k_{B} > k_{bb}$ (あるいは条件(50) $f_{b}'''(k_{B}) > 0$ for $k_{B} > k_{bb}$)および条件(48) $f_{b}'(k_{bb}) \leq \frac{n}{s_{a}}$ (あるい 命題四 f_(k̄_a) <f_(k̄_b) つまり f_(k̄_a*) <f_(k̄_b*) (k̄_b*) (k̄_b*) +k̄_a,* +k̄_a,*)となる (32) のケースについて、条件 (47) f_(k̄_b)ー (51) sallss)が同時に満たされるならば、体系(37)—(39)には、経済的に有意味な均衡解が存在して、しかも一意に定

対外投資理論の再検討



て、、不国(投資国)の収益率の水準が高くなり、B国(被投資国)の収益率の水準が低くなることの収益率の水準が低くなることの収益率の水準が低くなることを通じて両国の収益率の差は縮小するが、その差は決して消滅小するが、その差は決して消滅しない。逆のケース(33)についても、同様の命題が成立する。

五、小域的安定性体系の動学的性格を見るため体系の動学的性格を見るためを検討すべきである。しかしながら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数がずら、(20)ー(23)には、変数がずら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががら、(20)ー(23)には、変数ががある。

均衡において kee および kee は、 性のみを考察することにしよう。 ままで取り扱うことは、 (32) のケースの均衡の近傍における動学式は、 かなり困難である。本章では、(32)のケースについて命題四で確立された一意的均衡の小域的安定 つまり、 (41) k_0 (43) $0k_0$ $k_a = m(k_B)$ 常に k_{ba} =0, f_a' $extstyle extstyle f_a'$ が満たされ続けるような局所的状態に限定して議論する。 次のような、kaa, kb 二変数の微分方程式となる。(20) - (22) より および kin=kn-m(kn) と表わすことができるか

$$k_{aa} = [1 - \alpha (f_b'(k_B) - f_a'(k_{aa}))] s_a (f_a(k_{aa}) + f_b'(k_B) m(k_B)) - nk_{aa}$$

$$\begin{split} \dot{k}_{\rm B} &= s_b \{ f_b(k_{\rm B}) - f_b{'}(k_{\rm B}) m(k_{\rm B}) \} - n \{ k_{\rm B} - m(k_{\rm B}) \} + \alpha \{ f_b{'}(k_{\rm B}) - f_a{'}(k_{aa}) \} s_a \{ f_a(k_{aa}) + f_b{'}(k_{\rm B}) m(k_{\rm B}) \} - n \cdot m(k_{\rm B}) \} \\ &= s_b \{ f_b(k_{\rm B}) - f_b{'}(k_{\rm B}) m(k_{\rm B}) \} + \alpha \{ f_b{'}(k_{\rm B}) - f_a{'}(k_{aa}) \} s_a \{ f_a(k_{aa}) + f_b{'}(k_{\rm B}) m(k_{\rm B}) \} - nk_{\rm B} \end{split}$$

(55)

(54)

これらを均衡の近傍でテイラー展開して、二次以上の項を無視すると、次の線型微分方程式がえられる。

$$\frac{d(k_{aa}-k_{aa}^{*})}{dt} = \begin{pmatrix} P & Q \\ R & S \end{pmatrix} \begin{pmatrix} k_{aa}-k_{aa}^{*} \\ k_{B}-k_{B}^{*} \end{pmatrix} \tag{56}$$

ただし、(以下の諸変数はすべて均衡点で評価されるものとする。)

$$P = \alpha' f_a'' s_a (f_a + f_b' m) + (1 - \alpha) s_a f_a' - n$$

$$Q = -\alpha' f_b " s_a \{ f_a + f_b ' m \} + (1 - \alpha) s_a \{ f_b " m + f_b ' m' \}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{R} &= -\alpha' f_a'' s_a \{ f_a + f_b' m \} + \alpha s_a f_a' \\ \mathbf{S} &= \alpha' f_b'' s_a \{ f_a + f_b' m \} + \alpha s_a \{ f_b'' m + f_b' m' \} + s_b \{ f_b' - f_b'' m - f_b' m' \} - n \end{aligned}$$

(59)

(58)

(57)

$$= \alpha' f_b'' s_a \{ f_a + f_b' m \} + \alpha s_a \{ f_b'' m + f_b' m' \} - nm'$$
(60)

ここで、最後の等号は、(41)(43) および (46) から導かれる。

対外投資理論の再検討

九三 (四七五)

(56) の線型微分方程式体系の特性方程式は

$$\lambda^2 - (P + S)\lambda + (PS - QR) = 0$$

となるから、 P+S<0 かつ PS-QR>0 体系(56)が安定であるための必要十分条件、すなわちょが二根とも負の実数部を持つための必要十分条件は、

 $f_s(\cdot) - f_s''(n-s_sf_s')\} - f_s'' lpha s_n m + n m' \cdot [n-s_s(lpha f_s') + (1-lpha)f_s')] と書けるが、これは(47)と(48)より正となる。$ $lpha s_a f_b'm'-nm'=(lpha s_a f_b'-n)m' < 0$ だから S < 0 である。第三に、 $PS-QR=lpha' s_a (f_a+f_b'm) \{s_a f_a'' f_b'' k_{ab}-f_a''m' (n-s_a) f_b''m'$ なわち体系の小域的安定を保証する十分条件となることを示そう。(47)は m'>0 を、(48)は $f'_* \land f'_* \land \frac{n}{s_*}$ を保証する から、第一に、(37) あるいは (48) である。以下では、 命題五 均衡の存在と一意性を保証する十分条件(47) (48)(あるいは(50) (51))が、 より (1-α) s_f.'-n人0 だから P人0 となる。第二に、(47) および (48) より ここでも(62)の成立、す

の命題が成立する。 (あるいは(50) および(51))は、その均衡の小域的安定を保証する十分条件でもある。逆の (33) のケースについても、 チ。ン(ド。。。)<ノチ。ン(ド。。) となる(32)のケースにおいて、均衡の存在と一意性を保証する十分条件(47)および(48)

六、対外投資の過大性

最適問題を検討する。ただし、問題とする状況は、均衡成長経路のみであるとしよう。結論として、通常の対外投資モデル と同様に、最適な点において、条件 f』(kaa) / f』(kb) が成立していなければならないのであるが、 本章では、そのいわば、「対外投資比率」をパラメターとして取り扱い、投資国の国民所得 (したがって消費量) を最大化する これまでは、現実の描写として、対外投資・総貯蓄比率を、外国と自国の収益率の差に依存する函数であるとしてきた。 本稿のモデルでは、 何ら

制限が加えられない均衡状態においても $f_a'(k_{aa}^*) extstyle f_a'(k_{ba}^*)$ となるから、一般に、対外投資が最適点を越えて過大になされ る傾向があると言うことは出来ない。

体系 (37)—(39) において、αをパラメターとすれば、次のように書ける

$$(1-\alpha) s_a \{ f_a(k_{aa}) + f_b'(k_B) k_{ab} \} = n k_{aa}$$

$$s_b\{f_b(k_{\mathrm{B}})-f_b{'}(k_{\mathrm{B}})k_{ab}\}=nk_{bb}$$

(64)

(63)

$$\alpha s_a \{ f_a(k_{aa}) + f_b'(k_B)k_{ab} \} = nk_{ab}$$

$$(65)$$

 $f_a\left(\frac{1-\alpha}{\alpha}m(k_{\rm B})\right)+f_b'(k_{\rm B})m(k_{\rm B})=\frac{n}{\alpha s_a}m(k_{\rm B})$ (43) で求めた関係 $k_{ab}=m(k_B)$ がえられる。また(63)と(65)より $k_{aa}=\frac{1-\alpha}{\alpha}k_{ab}$ だから、 (65) より、

(66)

$$\frac{dk_{\rm B}}{d\alpha} = \frac{\frac{m}{\alpha^2} \left(f_a' - \frac{n}{s_a}\right)}{\alpha} = \frac{\frac{m}{\alpha^2} \left(f_a' - \frac{n}{s_a}\right)}{\frac{m}{\alpha} \left(f_a' - \frac{n}{s_a}\right)} = \frac{m}{\alpha'} \left(f_a' - \frac{n}{s_a}\right) + m'(f_b' - f_a') + mf_b''}$$
(67)

がえられる。

対外投資比率が、最も望ましいと考えられるから、 いま、投資国であるA国の観点よりすれば、 A国の一人当り国民所得を(したがって、一人当り消費量を)最大化するような

$$y_a = f_a(k_{aa}) + f_b'(k_B)k_{ab} = \frac{n}{s_a} \frac{1}{\alpha} \cdot m(k_B)$$
(68)

を αに関して最大化すれば

対外投資理論の再検討

九五 (四七七)

(69)

$$\frac{dy_a}{d\alpha} = \frac{n}{s_a} \frac{1}{\alpha^2} \left(m' \alpha \frac{dk_B}{d\alpha} - m \right) = 0 \text{ or } \frac{dk_B}{d\alpha} = \frac{m}{m'} \cdot \frac{1}{\alpha}$$

となり、これと、(67)から、

$$m'(k_{\rm B})(f_{\rm b}'(k_{\rm B})-f_{a}'(k_{aa}))+m(k_{\rm B})f_{b}''(k_{\rm B})=0$$

が求まる。(1) 命題六(A国が投資国となる場合に、条件(47)(あるいは条件(50)) が満たされるならば、バランスのとれた成長経路のう ここで、条件(47)が満たされているならば、m(kg)>0 だから、結局 f(kg)-f(kg)>0 をうる。

投資が、 は、条件(47)(48)(あるいは(50)(51))のもとで、均衡において f_((ku*)人f((kb*) が成立するから、この均衡における対外 ているところでは、fx(kex)人fx(kb)となっていなければならない。しかるに、前章までのモデルにおける(32)のケースで ちで、A国の一人当り国民所得(したがって、一人当り消費)を最大化するような A 国にとっての最適対外投資比率が成立し A国にとっての最適点と比較して、過大となるか過小となるかは、確定しえない。

(注1) これは、通常、対外投資の過大性を示すときに導かれる式 $f_a'=f_b'+k_a\omega f_b''$ に対応するものである。例えば、天野〔1〕根岸〔6〕 等を参照。

七、最適成長と対外投資

体の厚生の水準は、 して取り扱う。前章と同様に、問題とする経路は、常にバランスのとれた均衡成長の状態にのみ限定する。ただし、 て最適な成長経路を考えよう。ここでは、両国の対外投資比率と並んで、両国の貯蓄率もコントロールできるパラメターと 前章では、ある一国(投資国)の観点よりする最適な対外投資比率を求めたのであるが、本章では、世界全体(両国)から見 両国の定常的な一人当り消費量に依存するものとして、次のような一般的な目的函数の最大化を考える。

 $\mathbf{U} = \mathbf{U}\left(c_a, c_b\right)$ (71)

ここで、 いおよび いはい かくして、最適問題は (20) - (23) を考慮すると、 それぞれA国およびB国の一人当り消費量を表わしている。 次のように定式化できる。

$$U\Big((1-s_a)y_a,(1-s_b)y_b\Big)$$
 subject to

(72)

$$(1-\alpha)s_a y_a = nk_{aa} \tag{73}$$

$$(73)$$

$$as_a y_a = n\kappa_{ab} \tag{74}$$

$$1 - \beta s_b y_b = nk_{bb}$$

$$(1-\beta)s_by_b = nk_{bb} \tag{75}$$

$$\beta s_by_b = nk_{bc} \tag{75}$$

$$y_a = f_a(k_{aa} + k_{ba}) + f_b'(k_{bb} + k_{ab})k_{ab} - f_a'(k_{aa} + k_{ba})k_{ba}$$

$$(76)$$

$$(77)$$

$$y_b = f_b(k_{bb} + k_{ab}) + f_a'(k_{aa} + k_{ba})k_{ba} - f_b'(k_{bb} + k_{ab})k_{ab}$$
(78)

$$0 \leq \alpha \leq 1, \quad 0 \leq \beta \leq 1 \tag{79}$$

$$0 \leq s_s \leq 1, \quad 0 \leq s_s \leq 1 \tag{79}$$

 $\mathbf{U}(0, c_b) = -\infty, \ \mathbf{U}(c_s, 0) = -\infty, \ \mathbf{U}_1(0, c_b) = \infty \ \text{A.S.} \ \mathbf{U}_2(c_s, 0) = \infty$ $U_1>0$, $U_2>0$, $U_{11}<0$, $U_{22}<0$ for $c_a,c_b>0$ 4.45 $U_{11}U_{22}-(U_{12})^2>0$

とを意味する。 つまり、この仮定Ⅱは、世界全体の観点からしても、 したがって、最適状態において、 少なくともどちらか一方の国の消費がゼロとなることは許されないこ

対外投資理論の再検討

九八 (四八〇)

(81)

(82)

 $(1-s_a)y_a>0$, $(1-s_b)y_b>0$

つまり、

$$s_a < 1$$
, $s_i < 1$, $y_a > 0$, $y_b > 0$

が成立せねばならない。

問題 (72)—(80) を解くために、次の Lagrangean を作ろう。

$$\mathcal{Q}(S_{a}, S_{b}, \alpha, \beta, k_{ab}, k_{bb}, k_{ba}, \lambda_{1}, \lambda_{2}, \lambda_{3}, \lambda_{4}) \equiv \mathbb{U}\Big((1 - S_{a})(f_{a} + f_{b}'k_{ab} - f_{a}'k_{ba}), (1 - S_{b})(f_{b} + f_{a}'k_{ba} - f_{b}'k_{ab})\Big)
+ \lambda_{1}[(1 - \alpha)S_{a}(f_{a} + f_{b}'k_{ab} - f_{a}'k_{ba}) - nk_{aa}] + \lambda_{2}[\alpha S_{a}(f_{a} + f_{b}'k_{ab} - f_{a}'k_{ba}) - nk_{ab}]
+ \lambda_{3}[(1 - \beta)S_{b}(f_{b} + f_{a}'k_{ba} - f_{b}'k_{ab}) - nk_{bb}] + \lambda_{4}[\beta S_{b}(f_{b} + f_{a}'k_{ba} - f_{b}'k_{ab}) - nk_{ba}]$$
(83)

すると、以下の最適条件が導出される。

$$\max_{\substack{0 \leq s \leq s \\ 0 \leq s \leq s \leq s}} \mathfrak{g}: \{-\mathbf{U}_1 + \lambda_1(1-\alpha) + \lambda_2\alpha\}(f_a + f_b'k_{ab} - f_a'k_{ba}) \# 0 \left(\geqslant 0 \Rightarrow s_a = \begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} \right)$$
 これは、(82) を 考慮すると、次のようになる。
$$\lambda_1(1-\alpha) + \lambda_2\alpha \|\mathbf{U}_1, \quad s_a\{\lambda_1(1-\alpha) + \lambda_2\alpha - \mathbf{U}_1\} = 0$$
 (84)

(84)

同様に、

$$\underset{0 \le s \in \Xi_1}{\operatorname{Max}} \mathscr{O} : \quad \lambda_3(1-\beta) + \lambda_4 \beta \le U_2, \quad s_b\{\lambda_3(1-\beta) + \lambda_4 \beta - U_2\} = 0$$

$$(85)$$

次に、

$$\text{Max } \emptyset \colon s_a(-\lambda_1 + \lambda_2) \cdot (f_a + f_b/k_{ab} - f_a/k_{ba}) \not\equiv 0 \ \left(\geqslant 0 \Rightarrow \alpha = \begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} \right)$$

(86)

同様に、

$$\max_{0 \le \beta \le 1} \emptyset : \quad s_{\delta}(\lambda_{\epsilon} - \lambda_{\delta}) \ge 0 \quad \left(\ge 0 \Rightarrow \beta = \begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} \right)$$

$$\underbrace{\text{Max}}_{k_{aa} \equiv 0} \emptyset \colon \left[\mathbf{U}_{1}(1-s_{a}) + s_{a} \{\lambda_{1}(1-\alpha) + \lambda_{2}\alpha\} \right] (f_{a}' - f_{a}'' k_{ba}) + \left[\mathbf{U}_{2}(1-s_{b}) + s_{b} \{\lambda_{3}(1-\beta) + \lambda_{4}\beta\} \right] f_{a}'' k_{ba} - \lambda_{1} n \leq 0 \ (0 \Rightarrow k_{aa} = 0)$$

つまり、 (84)(85)を使用すると、

$$\mathbf{U}_{1} \cdot (f_{a}' - f_{a}'' k_{ba}) + \mathbf{U}_{2} f_{a}'' k_{ba} - \lambda_{1} n \leq 0 \quad (\langle 0 \Rightarrow k_{aa} = 0)$$
(88)

つまり、

$$U_{1} \cdot (f_{b}' + f_{b}'' k_{ab}) - U_{2} f_{b}'' k_{ab} - \lambda_{2} n \leq 0 \quad (\langle 0 \Rightarrow k_{ab} = 0)$$

$$[']$$

同様に、

$$\underset{kb \ge 0}{\text{Max }} \emptyset: \quad \text{U}_{.}f_{b}''k_{ab} + \text{U}_{2} \cdot (f_{b}' - f_{b}''k_{ab}) - \lambda_{3}n \le 0 \ (<0 \Rightarrow k_{bb} = 0)$$

$$\max_{k_{ba} \ge 0} \emptyset: \quad -\mathbf{U}_{1} f_{a}'' k_{ba} + \mathbf{U}_{2} \cdot (f_{a}' + f_{a}'' k_{ba}) - \lambda_{i} n \le 0 \ (<0 \Rightarrow k_{ba} = 0)$$

kab=kba=0 となるような状態は、 (84) - (91)kaa =0 あるいは kss=0 となるような最適状態は、一国が 自国 所有の 資本を自国内に持たないことを意味する。また、 $(k_{aa}, k_{bb}) > 0,$ および(73)— (76) から導かれうるけれども、 $(k_{ab}, k_{ba}) \ge 0 (\pm 0)$ 両国がお互いに何ら対外 投資 を行なわないことを意味する。これらの状態は、最適条件 興味のある事態とは言えない。以下では、最適状態において、

対外投資理論の再検討

九九 (四八二)

となるような場合に考察を限定しよう。ka2>0, kb20 そして例えば ka2>0 であるならば、 (73) — (75) より、

 $0 < \alpha < 1$, $\beta < 1$, $s_x > 0$, $s_y > 0$

となるから、条件(84)ー(91)は次のように書ける。

$$\lambda_1(1-\alpha)+\lambda_2\alpha=U_1$$

$$\lambda_3 (1-\beta) + \lambda_4 \beta = \mathbf{U}_2 \tag{95}$$

$$\lambda_1 = \lambda_2 \tag{96}$$

$$\lambda_4 \leq \lambda_3, \quad \beta(\lambda_4 - \lambda_3) = 0$$
 (97)
 $U_1 f_a' + (U_2 - U_1) f_a'' k_{ba} = \lambda_1 n$ (98)

$$U_{1}f_{b}' + (U_{1} - U_{2})f_{b}''k_{ab} = \lambda_{2}n$$

$$U_{2}f_{b}' + (U_{1} - U_{2})f_{b}''k_{ab} = \lambda_{3}n$$
(100)

$$U_2 f_a' + (U_2 - U_1) f_a'' k_{ba} \leq \lambda_4 n \quad (\langle \lambda_4 n \Rightarrow k_{ba} = 0)$$

$$\tag{101}$$

$$\lambda_1 = \lambda_2 = \mathbf{U}_1 > 0 \qquad \lambda_3 = \mathbf{U}_2 > 0 \tag{102}$$

 $f_a'=f_b'=n$

題が証明されたことになる。 び(104)がやはり成立する。メール>0 かつ トルル>0 の場合は、以上のどちらの場合に含めることもできるから、結局、次の命 以上は をひとの場合について考察したのであるが、そととの の場合についても、 まったく同様に考えるならば、(103) およ

f。゚(=f。゚(=n という条件が満たされていなければならない。前者の条件は、世 界 全体 の 厚生に対する一国の一人当り消費量 おいて、 の限界重要度が、両国で等しくなければならないことを示しており、後者の条件は、資本の収益率が両国で等しく、 れが両国に共通の成長率(労働増加率)にも等しくなっていなければならないことを示している。 (た。20, たり) > 0 および 達成可能な均衡成長状態の中から世界全体の厚生水準 U(cz, ci) が最大となるものを求める問題(72)ー(80) に $(k_{ab}, k_{ba}) \geq 0 (\pm 0)$ のような意味のある最適解が存在するならば、 そこでは U1=U2 および

ととで、(73) - (76) より、

$$s_a = \frac{nk_{aa} + nk_{ab}}{y_a}, \quad s_b = \frac{nk_{bb} + nk_{ba}}{y_b} \tag{105}$$

だから、後者の最適条件 f_e′=f_e′=n は、

$$s_{a} = \frac{f_{a}'k_{aa} + f_{b}'k_{ab}}{y_{a}}, \quad s_{b} = \frac{f_{b}'k_{bb} + f_{a}'k_{ba}}{y_{b}}$$
(106)

ない。これは、閉鎖経済体系における通常の「新古典派定理」の結果を、二国モデルに一般化したものである。(2) 対外投資を含めた投資と所得の比率が、対外投資収益をも含めた自国所有の資本の収益と所得の比率に等しくなければなら つまり、どちらの国においても、一国の貯蓄率と利潤分配率が等しいという条件にほかならない。より正確には、

(注1) 同様の最適条件は、浜田〔2〕第三章 p. 66-67 において導出されている。ただし、そこでは開放経済ではあるが一国のみが分 析の対象となっている。本章の結論は、その二国モデルの場合への拡張にほかならない。

対外投資理論の再検討

101 (四八三)

(注2) 新古典派定理については、例えば、浜田〔2〕第一章等を参照のこと。

引用文献

- 1〕 天野明弘 貿易と成長の理論 一九六四年 有斐閣。
- [2] 浜田宏一 経済成長と国際資本移動 一九六七年 東洋経済。
- \Im Inada, K., "Investment in Fixed Capital and the Stability of Growth Equilibrium" Review of Economic Studies, January, 1966
- (~) Kemp. M.C., "Pure Theory of International Trade" 1964, Prentice-Hall Inc.
- 5 Kindleberger C. P., "International Economics," 3rd Edition 1963, Richerd D. Irwin Inc.
- Negishi, T., "Foreign Investment and Long-run National Advantage" Economic Record, December 1965

書評

経済学史学会編

『資本論』の成立』

Ħ

鼎

飯

であり、堀代表幹事が序文においてのべているように、今まであま りかえりみられなかった学者や思想家であって、 ニークな編集方針においてみることができる。すなわち、それはま どこからくるのであろうか。何といってもそれは、そのきわめてユ がった独自のものをしみじみと味わったことを感ずる。それは一体 とえば、「思想」、「唯物史観」あるいは「経済」などの それとは ち ま、この論文集を よみ 終って、その他の「資本論」の「特集」、た に質的な深化に支えられていなければ なら ない。わたくしは、 なっていったことも事実である。しかしこのような量的な発展は真 記念していろいろな行事が行われ、あるいは特集が現われ、また、 これを契機として、 本書は、一九六七年、「資本論」第一巻の発刊 一〇〇年を 記念し 「資本論」の解説的論文の収集ではないことが もっとも 特徴的 『経済学史学会が 編纂した 論文集である。「資本論」一〇〇年を わが国におけるマルクス主義研究は一層盛んに マルクス主義形成

ツ、ロシア、イギリスおよびフランスについてあつかっている。いることで ある。そして 最後に、「資本論」第一巻の反響を、ドイランス および ドイツをとりあげ、さらに、「資本論」形成史上におきである。レーニンの古典的規定「イギリスの古典派経済学、ドイきである。レーニンの古典的規定「イギリスの古典派経済学、ドイミわめて重要な影響をあたえた人々の発掘という点でも注目すべにきわめて重要な影響をあたえた人々の発掘という点でも注目すべ

成果を生まなかったと考えられる。しかし五〇年代における経済学 の本格的研究、六〇年代初期における剰余価値学説史の執筆の過程 で、それは次第に重要な役割を演ずるようになり、 を基礎とするものであり、多分に観念的・思弁的であって、 よ、『経済学=哲学手稿』の段階では、その理論的中核が、疎 外 論 献がはじめて読まれて抜萃されたのが一八四五年であったところか おいて仮りに、その理論がマルクスに何らかの影響を及ぼしたにせ ら、問題にならないことを指摘される(六―七頁)。またこの時点に 的影響としては、マルクスによって、リカードウ派社会主義者の文 点ともいうべき一八四四年の「経済学=哲学手稿」にたいする理論 理論とマルクスの経済学研究についてふれ、彼の経済学研究の出発 部久蔵氏は してのリカード派社会主義およびとくにジョン・フランシス・ブレ イの見解の意義について」において、まずり 第Ⅰ部『資本論』の思想史的背景のⅠ、 『リカード派社会主義とマルクスー イギリスにおいては、遊 カードウ派社会主義の そのなかでも、 『資本論』前史と