慶應義塾大学学術情報リポジトリ

Keio Associated Repository of Academic resouces

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
Title	投入産出分析(一):基礎理論
Sub Title	Input-output analysis (1): basic theoretical formulations
Author	福岡, 正夫
Publisher	慶應義塾経済学会
Publication year	1955
Jtitle	三田学会雑誌 (Keio journal of economics). Vol.48, No.6 (1955. 6) ,p.423(1)- 446(24)
JaLC DOI	10.14991/001.19550601-0001
Abstract	
Notes	論説
Genre	Journal Article
URL	https://koara.lib.keio.ac.jp/xoonips/modules/xoonips/detail.php?koara_id=AN00234610-19550601-0001

慶應義塾大学学術情報リポジトリ(KOARA)に掲載されているコンテンツの著作権は、それぞれの著作者、学会または出版社/発行者に帰属し、その権利は著作権法によって 保護されています。引用にあたっては、著作権法を遵守してご利用ください。

The copyrights of content available on the KeiO Associated Repository of Academic resources (KOARA) belong to the respective authors, academic societies, or publishers/issuers, and these rights are protected by the Japanese Copyright Act. When quoting the content, please follow the Japanese copyright act.

及

都 留 重 人 監修譯『社會主義體制における統計學入門』佐オスカ・ランゲ著『社會主義體制における統計學入門』	大林良一著『保 險』庭	高村象平著『四洋經濟史』字	E・コールネル『農村の毛織業、都市の毛織業』渡	ベクア『社會主義の經濟法則とソビエト國家の經濟政策』加	H・サイル『經濟關係の線型的總計法』·······
藤	田	尾	邊	藤	木
	얜	野	國		諒
保(妥)	秋 (高)	久会	廣(天)	寬(云)	

投 產 出 析

實物量の體系 價格の體系

價額の體系 統合について ミクロ分析對マクロ分析

、代替の可能性について

Output System"(未發表原稿)および同教授の講義ノー 補足と修正を含むとはいえ、私の恩師の一人であるサムエル 基く専門上の論文ではない。とりわけ本稿の敍述は、多少の の特殊講義に備えて記されたノートであつて、筆者の創見に本稿およびそれに續く二、三の論稿は、主に一九五五年度 ソン教授の"A Brief Summary トにその殆どを負うている。 最初にまずこのことにつ of Leontief Input-

福

正

夫

利便を圖られた編集者の好意に感謝しておきたいと思う。 讀者の諒承を乞うておくとともに、このような未定稿掲載の

一、序

入産出分析に對する關心と評價は最近にいたつて急速調に高ま らに包括的な研究を含む彼の主著『アメリカ經濟の構造』誌に發表されたのは一九三六年のことであつた。そうして に問われたのは一九四一年のことであつたから、彼の分析その 出分析(Input-Output Analysis)の仕事が、ハー ィウ・オブ・ 社會科學調査委員會の援助の下に一應實を結んで、始めてレヴ りつつあり、その意味においてそれは近時の最も有力な主流の しかし、この一〇年間の世界の學界の動きを通覧する場合、 ものは、今日それほど新しい貢献とは言えないかもしれない。 一つとなつている觀がある。 九三一年に端を發するワシリイ エコノミックス・エンド・スタティスティックス このように彼の分析の價値がとみ ・レオンティエフの投入産 ・ヴァード して、 が世 3 Ó

主に一九五五年度

投入産出分析

のである。 ければならないであろう。 この仕事に端緒が與えられている現狀であることを認識しない。 この仕事に端緒が與えられている現狀であることを認識しな 協力と豐富な豫算の下で大規模な作業がどしどし遂行されてお ル・オブ・エコノミックス誌に發表された業績を通じて、著しィエフの理論體系そのものも、その後クォータリイ・ジャーナ れの遂行に必要な生産目標の可能性をテストしたり、またかか 投入産出分析への關心は汎く國際的にも波及して、イギリス、 それらと竝行して着實に種々の研究が進められている。さらに 合衆國においては、勞働統計局、 國家的規模における經濟政策の基盤として行われるにいたつた 單なるアカデミックな興味や實驗的模索の域を脫して、ひろく きであろう。事實、これらの情勢を背景としてこそ、レオンテ を明かにしたりする作業が要請されたこと、それから政府の統 る目標の達成をめざす場合、各産業にどのような調整が必要か に高まつてきたことについては、例えば第二次世界大戰中、 オランダ、 く政策的性格を强めてきたのであるし、またそれに基く適用も、 資料の整備と大規模な電子計算機の發達に伴つて、この種の またハーヴァード、プリンストンなどの大學の研究所でも、 例えば、 ノールウェー、 がきわめて容易になつてきたこと、 この種の調査では先進國となつたアメリカ イタリー等々の諸國で表の作成が行 商務省、 空軍省などの緊密な などを考慮すべ

この投入産出分析は、 一口に言つて、一經濟内におけ

の總販賣價額もしくは總收入を表しており、下端の気および 端の又。および又、又、……、又は、それぞれ家計および各産業 的に次のように要約されるであろう(第一表参照)。ここで、 各で産業からの消費財の購入價額をひと記せば、この表は記號 額)を云、家計から各う産業への勞働の販賣價額を云、 (あるいは同じことであるが各) 産業の各 i 産業か は用役として(すなわち一口に言えば投入物として)買われて 各産業から鐵鋼業にどれだけのものがあるいは原料としあるい 示されており、また縱の列で同じく鐵鋼業という欄をみれば、 産出物)がそれぞれの産業に向つてどれだけ賣られてゆくかが 鋼業という欄をみてゆくと、そこには鐵鋼業の製品 業も行われている)。例えば、その碁盤のような表の横の行で鐵 類され、それらの間の相互の取引關係が詳しい數字で示されて 工業等々、それから家計といつたような四〇餘りの各部門に分 るが、それに依ると、アメリカの經濟は農業、鐵銅業、 基いて一九一九年のもの以來ほぼ一○カ年おきに作成されて ころの投入産出表は、アメリカの場合、政府の整備した資料に響などを詳細に分析しようと企圖するものである。その謂うと めあげ、その表の記錄に基いて經濟構造の變化や經濟政策の影 る各部門(もしくは各産業)間の交流關係を一種の經濟表に纒 n個の産業があり、 いる(最近では二〇〇×二〇〇という一層細密な分類に基く作 いるかが分るようになつているのである。いま、その經濟には その各i産業から各j産業への販賣價額 (すなわち らの購入價 自動車

買手賣手	家計	産業1	產業 2	• • •	産業n	合 計
家 計	0	$ar{x}_{01}$	\hat{x}_{02}	• • •	\tilde{x}_{0n}	\overline{X}_0
產業 1	$\overline{\mathbf{C}}_{\mathbf{I}}$	$ar{x}_{11}$	\widehat{x}_{12}	• • •	x_{1n}	$\overline{\mathbf{X}}_{1}$
産業2	$\overline{\mathbf{C}}_{2}$	$ar{x}_{21}$	$ar{x}_{22}$		$\bar{x_{2n}}$	$\overline{\mathbf{X}}_{2}$
•	•	•	•		•	
•	•	•	•		1 • 1	.
		•	•		•	
•	•		•			
• `	•	• (•		•	•
産業れ	$\overline{\mathbf{C}}_{n}$	$ar{x}_{n1}$	\bar{x}_{n2}	• • •	\bar{x}_{nn}	$\overline{\mathbf{X}}_n$
合 計	\overline{X}_0'	\overline{X}_{1}'	$\overline{\mathbf{X}}_{2'}$		$\overline{\mathbf{X}}_{n}'$	
		第	§	長		

は總支出を表している。言うまでもなく、表中の諸項目の以、又、……、又は、同じく家計と各産業の總購入價額も は、 横 (收入)の合計としての 表中の諸項目の間に

 $\bar{X}_0 = \bar{x}_{01} + \bar{x}_{02} + \dots + \bar{x}_{0n} + 0$

および

 $\overline{\mathbf{X}}_1 = \overline{x}_{11} + \overline{x}_{12} + \dots + \overline{x}_{1n} + \overline{\mathbf{C}}_1$

投入産出分析 (-)

> $\widehat{\mathfrak{G}}$ $\bar{\mathbf{X}}_2 = \bar{x}_{21} + \bar{x}_{22} + \dots + \bar{x}_{2n} + \bar{\mathbf{C}}_2$

という關係、また縱(支出)の合計としての $\overline{\mathbf{X}}_0' = 0 + \overline{\mathbf{C}}_1 + \overline{\mathbf{C}}_2 +$ $\overline{\mathbf{x}}_n = \overline{\mathbf{x}}_{n1} + \overline{\mathbf{x}}_{n2} + \dots + \overline{\mathbf{x}}_{nn} + \overline{\mathbf{C}}_n$ $+\overline{C}_n$

および

 $\bar{\mathbf{X}}_{1}' = \bar{x}_{01} + \bar{x}_{11} + \bar{x}_{21} + \dots + \bar{x}_{n1}$

ලි $\overline{\mathbf{X}}_{2}' = \overline{x}_{02} + \overline{x}_{12} + \overline{x}_{22} + \cdots$

ィエフ體系の構築されるべき土豪石である。 關係が成立する。これら二つの關係が、その上にレオン $\overline{\mathbf{X}}_n' = \overline{\mathbf{x}}_{0n} + \overline{\mathbf{x}}_{1n} + \overline{\mathbf{x}}_{2n} + \dots + \overline{\mathbf{x}}_{nn}$

- (註1) cation of Equilibrium Analysis, Wassily W. Leontief, The Structure of Ame-Economy 1919-1929; An Empirical 1941. Appli-
- (註2) る。その第四編の三つの論文、"Output, Employment, "Wages, Profits and Prices" in Enrops. Consumption and Investment", "Exports, Impor-American Economy 1919-Domestic Output これらはすべて主著の第二版 The Structure of and Employment" -*1939*, 1951. に收められて および
- (註3) W. W. Leontief, "Input-Output Economics" 各國に行われている投入産出分析の 現況について

of a Conference on Interindustrial Relations held tics, May 1952. Study for 1947", Review of Economics and Statisat Driebergen, Holland の第二部などの参照が有益で Institute 藻 Input-Output Relations, Proceedings and M. Hoffenberg, "The Interindustay Relations Scientific American, 浜山ら The Netherlands Economic October 1951. W. D.

二、實物量の體系

ろからスター は、特定の理論もしくは假説に立脚してこの表に對處するとこ ^、未だいかなる理論に對しても中立的である。投入産出分析投入産出表そのものは、各部門間の取引の單なる一覽表であ トする。

れば、 格をそれぞれらとし、同じく「勞働」の價格(賃銀)をらとす う。そこでこのような假定に基き、 勞働がすべて同質的であるという假定がそれに相當するであろ るという假定である。あるいは家計の場合は、それの提供する 結合生産物を生産せず、それぞれただ一種類の生産物を生産す レオンティエフ理論の基礎的假定の第一は、 Pでわることによつて、實物量の體系 われわれはさきの側の雨邊をそれぞれりおよびり、り、 $X_0 = x_{01} + x_{02} + \dots + x_{0n} + 0$ 各i産業の「生産物」 いかなる産業も の價

および

 $X_2 = x_{21} + x_{22} + \dots + x_{2n} + C_2$ $X_1 = x_{11} + x_{12} + \dots + x_{1n} + C_1$

 Ξ

 $X_n = x_{n1} + x_{n2} + \dots + x_{nn} + C_n$

を得る。 に投下される部分であり、Cは最終消費財として家計に消費さ で測られる単一の第2財の數量と解される。 び己| どのことであり、假定によつてそれらは物量的に同じ單位 れる部分である。 れるかを表している。 このように實物ベースで各産出量Xが各用途にどう配分さ ここでXi wiおよびCiは、それぞれXiPi、 いは中間生産物として各産業の生産過程 1)はいうまでもな Xif Pi およ

關係、すなわち生産函數を考えよう。 いうさきの假定からして、これらの生産函數は一應 つぎに、各産出物とそれを生産するための種々の投入物との 結合生産が行われないと

 $X_1 = F_1$ $X_2 = F_2$ $(x_{01}, x_{11}, x_{21}, \dots, x_{n1})$ $(x_{02}, x_{12}, x_{22}, \dots, x_{n2})$

 $\mathbf{X}_n = \mathbf{F}_n \ (x_{0n}, x_{1n}, x_{2n}, \dots, x_{nn})$

定し、 比率で用いられると假定した。すなわち、 と書かれるが、レオンティエフはさらにそれらの形を嚴しく限 産出物Xiを生産するのに各投入物がはそれぞれ固定的な

Ø $\mathbf{X}_{j} = \frac{x_{ij}}{\alpha_{ij}}$ $(i=0, 1, 2, \dots, n)$ $(j=1, 2, \dots, n)$

に必要な第1投入物の一定數量であり、それらは、次のような知られているように、第1達出物一單位を生産するのに技術的 表の形で總括的に示される。 に必要な第ⅰ投入物の一定數量であり、 という固定的生産係敷の假定がそれである。ここでゐは、よく それらは、

$$\begin{pmatrix} a_{01} & a_{02} & \cdots & a_{0n} \\ a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{0j} \\ --- \\ a_{ij} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{0} \\ --- \\ a \end{pmatrix}$$

さて20を10に代入すれば、われわれは次の體系 $X_1 = a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \cdots$ $+a_{1n}X_n+C_1$

 $X_2 = a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + \dots + a_{2n}X_n + C_2$

して ことができ、さらにい、 $\mathbf{X}_n = \alpha_{n1} + \alpha_{n2}\mathbf{X}_2 + \dots + \alpha_{nn}\mathbf{X}_n + \mathbf{C}_n$ C_2 ……、Cn以外の右邊を移項

 $(1-\alpha_{11})X_1-\alpha_{12}X_2 -a_{21}X_1+(1-a_{22})X_2-\cdots$ $\dots -a_{1n}X_n = C_1$ $-\alpha_{2n}X_n = C_2$

ଊ

きものであつて、 を得る。③はいわばレオンティエフの基本方程式とでも稱すべ $-a_{n1}X_1 - a_{n2}X_2 - \dots + (1 - a_{nn})X_n = C_n$ n個の未知數以、X、……、Xを含むn個の非

> ことにしよう。 その詳細はここでは省くとして、それらの解を次のように書く て各産業の産出量以、X2、……、 齋次線形の連立方程式であるから、 Crを「最終需要量」として興えれば、それを同時に解い Xを決定することができる。 ひとたび消費量は、こ、

 $X_1 = b_{11}C_1 + b_{12}C_2 + \dots + b_{1n}C_n$

 $X_2 = b_{21}C_1 + b_{22}C_2 + \dots + b_{2n}C_n$

 $\mathbf{X}_n = b_{n_1} \mathbf{C}_1 + b_{n_2} \mathbf{C}_2 + \dots + b_{n_n} \mathbf{C}_n$

を解くことによつて同時に決定される。 の大きさは、さきのa(但しぬを除く)の大きさに依存し、 に必要とされるXの數量である。いうまでもなく、これらのも ここで右邊のいは、Gの一單位をつくり出すために直接間接

たのち、 シャツ一單位に含まれる第一財の數量に五〇〇をかけ、 の生産に必要な第ⅰ財の總量は、まず最初、帽子一單位の生産 帽子一〇〇、 標G、C、……、Cがを達成するのに必要な第1財の總量は、そ るひとつの事實を示している。すなわち、最終消費量のある目それが線形であるという點において、個の形は瞠目するに足 に直接間接用いられる第ⅰ財の數量に一〇〇をかけ、 に必要な第1財數量の單なる總和から成立つている。 の目標の各項目たるGなりGなりをそれぞれ別個に生産するの 單にそれらを足しあわせれば求まるのである。 シャツ五〇〇の生産を達成するという場合、それ 例えば、 次にまた そうし

投入産出分析 (-)

ど一目

既然ではない。しかし、上に

與えられた

知識を利用して、 勞働に對する總需要量をQ、C2、……、Cの形で計算すること は容易である。(1)、(2)および(4)から、 **仏に類する關係が勞働についても成立つかどうかは、それほ**

 $X_0 = a_{01}X_1 + a_{02}X_2 + \dots + a_{0n}X_n$ $=a_{01}(b_{11}C_1+b_{12}C_2+\cdots\cdots+b_{1n}C_n)$

 $+a_{02}(b_{21}C_1+b_{22}C_2+\cdots\cdots+b_{2n}C_n)+$

 $+(a_{01}b_{12}+a_{02}b_{22}+\cdots\cdots+a_{0n}b_{n2})C_2+$ $(a_{01}b_{11}+a_{02}b_{21}+\cdots\cdots+a_{0n}b_{n1})C_1$ $+a_{0n}(b_{n1}C_1+b_{n2}C_2+\cdots\cdots+b_{nn}C_n)$

 $+(\alpha_{01}b_{1n}+\alpha_{02}b_{2n}+\cdots\cdots$ $+a_{0n}b_{nn})C_n$

示すものに他ならない。いま、それらを 一單位をつくるのに直接間接どれだけの勞働が必要であるかを この最後の式の括弧の中の表現は、それぞれその最終消費財

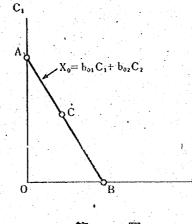
 $b_{02} = a_{01}b_{12} + a_{02}b_{22} + \dots + a_{0n}b_{n2}$ $b_{01} = a_{01}b_{11} + a_{02}b_{21} + \cdots$ $+a_{0n}b_{n1}$

と定義すれば、結局われわれは $b_{0n} = a_{01}b_{1n} + a_{02}b_{2n} + \dots + a_{0n}b_{nn}$

6 この(6式が任式の勞働に關する對應物であり、ここで $X_0 = b_{01}C_1 + b_{02}C_2 + \dots + b_{0n}C_n$

> 意すべきである。 ぞれ獨立の線形項の單なる總和として構成されていることに留 もわれわれは、Ci、 C_2 ……この生産に必要な總勞働量がそれ

成するのにどれだけの勞働量が利用可能でなければならないか 最終消費財についてある生産目標が與えられた場合、それを達 生産要素との間に成立する最も根本的な關係である。それは、 を示すとともに、また反面から言つて、ある所與の勞働量から、 さて(6)は、レオンティエフ體系において、最終消費財と基本



順。 ある みると次のようで 二財の場合につい て簡単に圖示して 示している。 産可能であるかを 費財の組合せが生 どれだけの最終消 所興の 勞働 (第一圖参

能なCi・Co組合せであることを表しているのである。サ ゆる點(例えばC點)が、勞働量%を用いて生産し得る極大可 B點で示される。(6)は、それからの二點をむすぶ線分上のあら 示され、同様に第二財のみを生産するとすれば、この極大量は を生産するとすれば、その場合生産可能ないの極大量はA點で 量Xので第一財の

體系の《Production Possibility Curve》(サムエルソン)で ができよう。 濟が「その中から選ぶべき最上のメニュー この關係は、勞働を唯一の基本生產要素とするレオンティエフ も言うことができる。 (#3) (#3) ソンが適切に言つたように、その意味で線分ABは、その經 あるいは、 一層アカデミックな用語を借りれば、 」であると言うこと

(註1) 正確には、(2)は

(2)
$$X_j = \min\left(\frac{x_{0j}}{a_{0j}}, \frac{x_{1j}}{a_{1j}}, \dots, \frac{x_{nj}}{a_{nj}}\right)$$

は等しくなり、(2)は(2)によって置換えられる。 みられれば、自由財はないわけであるから、極小と極大と ると考えるべきである。しかし、 れより大きいものについては、それらの投入物は過剰であ 極小のものが「ボットルネック」となつてXiを決定し、そ と書かれるべきである。 すなわち、括弧の中の表現のうち、 どの財も稀少していると

(註2) を減少せずして他方を増加することが で らに双方とも増加することができるし、 生産可能であるけれども、 次の理由に基いている。 他方を増やすことは不可能である。 C點においては、 AB上の諸點が efficient であると呼ばれるのは、 もはや一方の生産物を減らさずして 三角形AOBの内部の點はどれも それらの點ではいおよびひをさ その意味で、 また少くとも一方 きる。 これに反 A B 上の

> uction and Allocation, 1951, p. 60. や見よ。 tion of Activities", in Activity Analysis of Prod-諸點は生産上の最適を達成している。 H. C. Koopmans, Analysis of Production as an Efficient Combina-

三、價格の體系

各中間生産物がを生産するための間接勞働費用である。 總勞働費用を表している。言うまで もなく、この總勞働費用 bisと直接勞働費用 bisとの差は、その最終消費財の生産に要する 先述したように、(6)の係數しは、最終消費財化一單位常りの

あろう。 生産段階の生産物一單位が次の段階で直接勞働と結合されて新 に還元し、それらの單なる總和として把握することができるで れわれは上記のいわゆる間接勞働を更にあらゆる前段階の勞働 とつ前の段階の生産物とからのみ生産されるとするならば、 しい生産物一單位になるとすれば しはベーム・バヴェルク形であつて、 もし假りに、 例えば、單純なベーム・バヴェルク體系で、 生産構造が最も單純なオーストリア學派形な 各生産物が直接勞働とひ もしある

(7)/ $b_{02} = a_{02} + b_{01} = a_{02} + a_{01}$

しかしながら、 一般的なレオンティエフ體系では、 -}

、 りょうょうこと放射することは證明せられる。しればならないであろう。この無限系列が減衰して、ても夕無してしょ。 單にチェックし得る道はないであろうか。 接勞働と、 的に有限個の前段階の直接勞働費用に分解することは不可能で てその勞をとらなくても、 でも分解していつて、その無限の相互依存的連鎖を追跡しなけ 石炭をつくるのに要した鐵鋼の直接勞働等々という風にどこま 要とされるとともに、また逆に鐵鋼が石炭をつくるのにも必要 り」ないしは循環的連關關係にあつては、總勞働費用しを單線 ようなものは存しない。すなわち、石炭が鐵鋼をつくるのに必 べての物がすべての物をつくるのに用いられ、前の段階とか後 t るのである。このような非オーストリア的「どうどう廻 あるいはヨリ高次の段階とかヨリ低次の段階とかいう しろ、われわれはこの場合、例えば鐵鋼を、それの直 前段階の石炭に含まれる直接勞働、それからさらに boと abるいは aとの関係をヨリ簡 しかし、 遂にその和

成立によつて確認されたことは、さきに見たとおりである。 成立によつて確認されたことは、さきに見ないりことである。 後言すれば、無限系列を逐一加えあわれたということである。 後言すれば、無限系列を逐一加えあわめ、それを(5)の形で結びつけることから、たちどころに定めらめ、それを(5)の形で結びつけることから、たちどころに定めらめ、それを(5)の形で結びつけることがは、(3)を解いていを求め、それを(5)の形で結びつけることがら、たちどころに定めらめ、それを(5)の形で結びつけることがは、(3)を解いていを求め、それを(5)の形で結びつけることが、

ぬに次のような新しい定義を興えよう。 さらにこの問題をもう一つの 面か らチェック するため、

 $b_{01} = a_{01} + b_{01}a_{11} + b_{02}a_{21} + \dots + b_{0n}a_{n1}$ $(7)' \qquad b_{02} = a_{02} + b_{01}a_{12} + b_{02}a_{22} + \dots + b_{0n}a_{n2}$

Tom=aom+Tonan+Towan+Towan+Towan

Tom=aom+Towan+Towan+Towan+Towan

Town=aom+Towan+Towan+Towan

Town=aom+Towan

Town=aom+Towan

Town=aom+Towan

Town

 $P_1 = P_0 a_{01} + P_1 a_{11} + P_2 a_{21} + \dots + P_n a_{n1}$ $P_2 = P_0 a_{02} + P_1 a_{12} + P_2 a_{22} + \dots + P_n a_{n2}$

P=P00m+P101m+P202m+……+Pn0nm
を得る。言うまでもなく、この式は、完全競爭の下において、特別の均衡價格がそれぞれその平均費用に等しいことを意味している。ところで、通常よく知られているように、このような行為方程式の取扱いにおいては、 n+1 個の價格の費を見を果す。をに選んでみよう。すなわち、われわれは Po=1 と考える。あるいは同じことであるが、(7)の兩邊をPoで除し、それられ個のるいは同じことであるが、(7)の兩邊をPoで除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poに除し、それられ個の方程式を用いてれ個の相對價格P1PoP1Poにいい。

均衡相對價格P/P。と全く同じものであることが明白となる。第 う財の總勞働費用を表すらは、賃銀單位で表されたその財のきほどの結論を重ねてチェックすることができる。すなわち、をもつことが知られる。從つて、このことから、われわれはさいを仔細に點見すれば、それらの方程式が切と全く同じ係數

されてぬの形になつていること、すなわち③では横の行に含まそこには一つの重要な相違がある。③のぬが何ではすべて轉置は同じ係數ぬを共通に含んでいる。しかし、すぐ分るように、さて、何と③とを比較してみよう。これら二組の方程式組織

end> れていた ことを試みてみよう。 重性原理の一事例として、國民所得計算の基礎的均等式を導く 味ある成果が得られるが、ここではレオンティエフ體系での二されているものであり、それに伴う定理の適用からは多くの與 轉置されれば數量問題が得られる。このような二重性は、 《duality》の関係が存在するのである。すなわち、數量問題の の數量と價格との間には、簡單ながらいわゆる が拂われるべきであろう。之を要するに、 生産要素(勞働)の係數。。、 いることが之である。それから、もう一つ、③の常數項が《open ゲイムの理論やリニアー αが轉置されれば價格問題が得られ、また逆に價格問題のαが たる最終消費の數量C、C2、 (7の常數項が同じくいま一つの ≪open end》 たる基本 ・プログラミングの領域で頻繁に遭遇 ai、が⑦ではすべて縦の列に現われて a_{02} aoであることにも注意 レオンテ Cから成つているの 「二重性」 ィエフ體系

るからである。最終生産物のみが計上されるべきであるとすれるからである。まず最終生産物の總價値は容易に計算されるものについて眺めれば、それは生産要素に支拂われる總費用である。まず最終生産物の總價値は容易に計算される。それがである。まず最終生産物の總價値であり、投入されである。まず最終生産物の總價値であり、投入されの以二つの仕方で眺められる。すなわち、産出されるものにの場所得あるいは國民生産物は、よく知られているように、國民所得あるいは國民生産物は、よく知られているように、

基本的均等式として、われわれは 基本的均等式として、われわれは 基本生産要素であるレオンティエフ體系では、それは Po(xou+ なos+ であり、二重計算は避けられねばならないから、勞働が唯一の基本生産要素であるレオンティエフ體系では、それは Po(xou+ で なければなら

 $P_1C_1+P_2C_2+\cdots\cdots+P_nC_n=P_0X_0$

ちどころに判明する。べたところからして boj=Pj/Po であることを考慮すれば、たは、まずさきの(6)の兩邊にPoを乘じ、次に前々パラグラフで述の成立を保證されてよい筈である。それが事實保證されること

正確に等しいという命題の成立つことにも言及しておこう。加が、最終生産物のの一單位增加から生ずる産出量Xの増加に論として、直接勞働費用のの一單位增加から生ずる價格Pの増加に力れわれは更に、二重性原理のヨリ明白でないいま一つの結

ティエフの係敷の表であらわすと、(註1) このようなペーム・バヴェルク的生産構造をレオン

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		1.2	
$\begin{bmatrix} a_{01} a_{02} a_{03} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$	$\begin{pmatrix} a_{n-1} \\ a_{n1} \end{pmatrix}$	a_{11} a_{21}	α_{01}
$\begin{bmatrix} a_{01} a_{02} a_{03} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$	a_{n2}	a 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2	a02
$\begin{bmatrix} a_{01} a_{02} a_{03} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$	(,2 a _n - a _n 3	a ₁₃ a ₂₃	a_{03}
$\begin{bmatrix} a_{01} a_{02} a_{03} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$	1,3		
$\begin{bmatrix} a_{01} a_{02} a_{03} \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 &$	a_{n-1}, a_{n}	Q ₁ , Q ₂ ,	α_{0n}
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	- 3	- 11	
		- 11	

という特殊な形をもつことがわかる。

(註2) H. G. Gaitskell, "Notes on the Period of Production", Zeitschrift für Nationalkönomie, 1938, pp. 215—44. ゲイツケル的乘數系列の收斂については續稿参照。

の餘因敷をAiで表すと、③、4および5からエフ行列(I—a)の行列式をA、その第ⅰ行第j列の因子の餘3) これは次のようにして説明される。いまレオンティ

$$b_{0j} = a_{01} \frac{A_{j1}}{A} + a_{02} \frac{A_{j2}}{A} + \dots + a_{0n} \frac{A_{jn}}{A}$$

次に(7)を解くと

$$b_{0j} = a_{01} \frac{A_{1j}!}{A'} + a_{02} \frac{A_{2j}!}{A'} + \dots + a_{0n} \frac{A_{nj}!}{A'}$$

等しい。 のので、A=A'、Aji=Aij' であるから、双方のbiは相

- (註4) この意味で、基本生産要素が勞働のみであるレオントイエフ體系では、勞働價値説が妥當する。さきの第一圖をおいて、指定される最終需要の型がどのようであろうといことに注目せよ。また Burgess Cameron, "The Labour Theory of Value in Leontief Models", Economic Journal, March 1952 参照。
- 一項目と勘定されるから、この均等式は恒等式として定義註5) 社會會計の立場からすれば、利潤もまた要素支拂の

して、それを導いているのである。ならしめるという經驗的な命題の上に立つた一つの定理と云々しているのではなく、完全競爭市場が均等利潤をゼロ的に成立する。しかし、われわれは、そのような定義式を

よび續稿參照。 もなに等しい。また Leontief, op. cit., p. 190, n. 2 おもなに等しい。また Leontief, op. cit., p. 190, n. 2 お

四、價額の體系

合は、係數はもまたそれに伴つて物量的に産出量や投入量を物量單位(すなわち實物ベース)で測る場

$$\alpha_{ij} = \frac{x_{ij}}{X_j} \qquad \begin{pmatrix} i = 0, 1, 2, \dots, n \\ j = 1, 2, \dots, n \end{pmatrix}$$

様の計算を行えば、て、價値單位(すなわち貨幣ベース)で測つた[Xtとziから同として規定される。いま、これらの係數の統計上の代用品とし

$$\bar{a}_{ij} = \frac{\bar{x}_{ij}}{\bar{\mathbf{X}}_j} = a_{ij} \frac{\mathbf{P}_i}{\mathbf{P}_j} \qquad \begin{pmatrix} i = 0, 1, 2, \dots, n \\ j = 1, 2, \dots, n \end{pmatrix}$$

である。これらの新しい係敷は、第う産業の總收入の中、第1である。これらの新しい係敷は、第う産業の總收入の中、第1である。これらの新しい係敷は、第う産業の總收入の中、第1

 $\bar{a}_{02} + \bar{a}_{12} + \bar{a}_{22} + \dots + \bar{a}_{n2} = 1$

投入産出分析

(+)

 $\bar{a}_{0n} + \bar{a}_{1n} + \underline{a}_{n} + \cdots + \bar{a}_{nn} =$

より小ということになる。を用いると假定すれば、勞働係數を除いた係數の和はすべて一を用いると假定すれば、勞働係數を除いた係數の和はすべて一に等しい。また、このことから、もしいかなる産業も勞働が成立する。すなわち、各産業に屬する係數の和はすべて正確

これらの係數に對して、 こ、こ、 ……、 こ のおのおのを えでわつて得られる む、 む、 むしろ消費心理上の事實を表すと生産技術上の事實ではなく、むしろ消費心理上の事實を表すと生産技術上の事實ではなく、むしろ消費心理上の事實を表すと生産技術上の事實ではなく、むしろ消費心理上の事實を表すとなる。それらはいわば各財母の消費性向であつて、 で後にいうところの「開いた體系」)では、 省略されるのがつねである(後述第七節参照)。

やはりい形式的類似が認められる。まず、バーを引いた敷量の間にも、い形式的類似が認められる。まず、バーを引いた敷量の間には、著しさて、價額から求められるほと物量的なほとの間には、著し

$$\overline{\mathbf{X}}_{t} = \sum_{j=1}^{n} \overline{a}_{i,j} \overline{\mathbf{X}}_{j} + \overline{\mathbf{C}}_{t} \qquad (i=1, 2, \dots, n)$$

 $\widehat{\omega}$

$$\overline{\mathbf{X}}_i = \sum_{j=1}^n \overline{b}_{i,j} \overline{\mathbf{C}} \qquad (i=1, 2, \dots, n)$$

4

が成立することは、計算すれば容易に知られる。さらに

(7)
$$\bar{\mathbf{P}}_{j} = \bar{\mathbf{P}}_{0}\bar{a}_{0j} + \sum_{i=1}^{n} \bar{\mathbf{P}}_{i}\bar{a}_{ij}$$
 $(j=1,2,\dots,n)$

については、價額の體系では、 先述したように一方

 $=\bar{\alpha}_{0,j}+\sum_{i=1}^{n}\bar{\alpha}_{i,c}$ $(j=1,2,\dots,n)$

が成立つ から、 $P_j = 1$ 何は當然充されるようなものの、それには $(j=0,1,2,\dots,n)$

つて、 價額で表された體系では、投入量、産出量の一切が「貨弊一單位 基本的均等式(6)は にひとしい、ということが之である。例えば、卵が一ダース五 を單位として測られ、從つてその物一單位の價格は必點的に一 を通じて、 〇セントであれば、二ダースを卵を測る新單位とすることによ の値打の數量(レオンティエフのいわゆる a dollar's worth) められる。 いう條件が附隨すると解釋されるであろう。この條件につ 卵の價格は必ず一ドルになるのである。このような工夫 われわれは次のように考えることができる。 **励も一にひとしくならざるを得ないから、われわれの僧格はいまやすべて一となり、從つてあ、むから求** すなわち、

<u>6</u> うむしろ trivial な相貌を呈することになる。 假銀網類= $\overline{\mathbf{X}}_0$ = $\overline{\mathbf{C}}_1$ + $\overline{\mathbf{C}}_2$ + \cdots +C_n=消费總額

それを用 ちながら相互に異り得るような實例を、 ものに互つて若干列擧してみると、 すことがないわけでもない。 價値單位の採用は、總計上止むを得ぬ措置であるとはいえ、 いて定められたるのみに頼るときは、 いま、 二つの體系が同一のるをも 些細なものから重大な 思わぬ誤謬を犯

> られるかもしれない。 (1)一方の體系ではド ルが用いられ、 他方の體系では圓が用い

倍であるかもしれない。 (2)一方の體系では一切の價格が他方の體系の價格の正確に二

(3)一方の體系の生産規模は全面に互つて他方の體系の一〇分 であるかもしれない。

成 かもしれない。 (5)一つの體系は富んで生産力が高く、 仏兩體系で係數では全く同一であるのに、 が異るため、 それから結果する産出量や原傭量は全く異る 他の體系は貧しくて生 嗜好の型(Cの

しれない。 ま價値額では相殺されて、同じるが觀察されることになるかも 同じ生産物一單位當りヨリ多くの勞働を必要とする故、たまた 當りの勞働は少なくてすみ、他方貧しい體系では賃銀は低いが 産力が低いとする。 富んだ體系では賃銀は高いが生産物一 單位

の結果石炭の價格は低落する)。もしこれらの變化が相殺され 入量からヨリ多量の石炭が産出されるようになつたとする(そ 同時に石炭産業における生産力が高まつて各生産要素の同じ投 れば、では前と同一であるかもしれない。 とするようになつたが(その結果石炭産出量は増加する)、また 石炭そのものの品質が低下して各産業でヨリ多量の石炭を必要 60次のような二つの變化が同時に發生したとする。一つには、

(5)と(6)とは重大と言わねばならないであろう。

る。 すなわち、ものみの觀察は、その場合背後に上述のような技術 上の相違なり變化なりを隱弊して しまう 結果を 生ずるのであ

48Pj/48Paと比較してみることであるつの重要なテストは、價格で修正した かなりの恒常性をもたなければならないであろう。任意の二期 るためには、 要するに、 例えば一九三九年と一九四八年 單に支出の割合なのみならず、 レオンティエフ體系が簽測の手段として有用であ 39 Quij 39 Pj/39 Pu 12 をとつた場合のひと 物量的ないもまた 480,5

ないことに注意せよ。 價格體系の外から與えられる本當のPが用いられねばなら この場合のPには、もはや一にひとしいPでなく、

五、統合について

を検討してみる。 産業を一括して一つの産業とする場合、 (aggregation) 本節では、いわゆる統合(consolidation) の問題をとりあげ、二つあるいはそれ以上の いかなることが起るか Ъ しくは總計

算される。 纒めて、それを産業Mと呼ぶことにする(他の産業は不變のま 表参照)、統合された産業群に關する新し ま)。そのとき、われわれの表は次のように書き改められ〈第二 いま、その例として、任意の加番目かられ番目 aは、次のように計 までの産業を

家計

 $\overline{\mathbf{C}}_{\mathbf{I}}$

 $\overline{\mathbf{C_2}}$

 $\overline{\mathbf{C}}_{m-1}$

 $\dot{\overline{\mathbf{C}}}_n$

 \overline{X}_0

2

n

產業

M

產 業

 \bar{x}_{11}

x21

 $\dot{\hat{x}}_{n1}$

 \overline{X}_1

1

第

表

投入產出分析 \leftrightarrow

连 産 業 産 業	產業M	
2 ······ m-1	$m \cdots n$	
\tilde{x}_{02} ····· $\tilde{x}_{0,m-1}$	$ \bar{x}_{0m} + \cdots + \bar{x}_{0n}$	\overline{X}_0
$\vec{x}_{12} \cdots \vec{x}_{1,m-1}$	$ \bar{x}_{1m} + \cdots + \bar{x}_{1n}$	\overline{X}_1
\bar{x}_{22} ····· $\bar{x}_{2,m-1}$	\bar{x}_{2m} +·····+ \bar{x}_{2n}	$\overline{\mathbf{X}}_{2}$
$\bar{x}_{m-1,2}\cdots \bar{x}_{m-1,m-1}$	$\bar{x}_{m-1,m}+\cdots+\bar{x}_{m-1,n}$	$\overline{\mathbf{X}}_{m-1}$
\bar{x}_{m2} ····· $\bar{x}_{m,m-1}$ +	$\bar{\mathbf{x}}_{mm}$ +····+ $\bar{\mathbf{x}}_{mn}$ +	$\left\{ egin{array}{c} \overline{\mathbf{X}}_m \\ + \\ \vdots \\ - \overline{\mathbf{X}}_{\mathbf{M}} \end{array} \right\}$
\dot{x}_{n2} $\dot{x}_{n,m-1}$	$\begin{vmatrix} \dot{+} & \dot{+} \\ \bar{x}_{nm} & + \cdots + \bar{x}_{nn} \end{vmatrix}$	$\left \frac{\dot{+}}{\dot{\mathbf{X}}_n} \right $
$\overline{\mathbf{X}}_2$ $\overline{\mathbf{X}}_{m-1}$	$\overline{X}_m + \cdots + \overline{X}_n$ \overline{X}_M	

] = (四三五)

$$\bar{z}_{Mj} = \frac{\bar{x}_{Mj}}{\overline{X}_{j}} = \frac{\bar{x}_{mj} + \dots + \bar{x}_{nj}}{\overline{X}_{j}}$$

$$= \bar{a}_{mj} + \dots + \bar{a}_{nj} \quad (j = 1, \dots, m-1)$$

$$= \frac{\bar{x}_{iM}}{\overline{X}_{M}} = \frac{\bar{x}_{im} + \dots + \bar{x}_{in}}{\overline{X}_{m} + \dots + \overline{X}_{n}}$$

$$= \frac{\bar{x}_{im}}{\overline{X}_{m}} \frac{\overline{X}_{m} + \dots + \overline{X}_{n}}{\overline{X}_{m} + \dots + \overline{X}_{n}} + \dots + \frac{\bar{x}_{in}}{\overline{X}_{n}} \frac{\overline{X}_{n}}{\overline{X}_{m} + \dots + \overline{X}_{n}}$$

$$= \bar{a}_{im} w_{m} + \dots + \bar{a}_{in} w_{n} \quad (i = 0, 1, \dots, m-1, M)$$

さてMは、合成産業の生産物に對して殘餘の各産業がそれぞれらの構成因子がそれぞれ占める相對的重要性であることを教にあること、そしてそのウェイトは合成産業の生産物に對して合成産業がどれだけの割合の支出となすかを示しており、第二式は、その割合が、合成産業中の個々の各産業の生産物に對して合成であること、そしてそのウェイトは合成産業の生産物に對して合成産業がどれだけの割合の支出となすかを示しており、第一式は、それらの構成因子がそれぞれ占める相對的重要性であることを教れらの構成因子がそれぞれ占める相對的重要性であることを教えるのである。

のであつて、もしそれを無視して一旦觀察されたなからのみ豫すれば、たとえな、……、なが不變であつてもなは變化するし、とりわけ合成産業の中でそれに含まれる各産業が占める相し、とりわけ合成産業の中でそれに含まれる各産業が占める相い。その數値はわれわれの求める未知の變數そのものに依存い。その數値はわれわれの求める未知の變數そのものに依存

二つの條件を得る。 二つの條件を得る。 こつの條件を得る。 こつの條件を得る。 こつの條件を得る。

(1)加重平均の對象となる心、……、心が各 i 毎にほぼ相等に助こと。すなわち、もしこれらの係數が假りに正確に相等して、この條件の意味するところは、生産に同種の投入物をほぼ同一の數量で結合するような諸産業、言いかえれば、ほぼ同様なタイプの生産函數をもつ諸産業、を統合すべしということである。例えば、自動車と靴は同じ消費用途には役立つが全く相異る生産函數をもつお産業、を統合すべしということである。例えば、自動車と靴は同じ消費用途には役立つが全く相異る生産函数をもつからわれわれのテストには堪え得ず、これに対して自動車と、自動車と靴は同じ消費用途には役立つが全く相異る生産函数の下で生産されるから重大な誤りなしに統合できる、というのが、この條件の含む思想である。

この條件の意味するところは、結局、産出物が相互にほぼ一定すれば、これらのウェイトはつねにコンスタントとなるから、いま變數 X*、……、X*が假りに正確に同一比例で變化すると(2)加重平均のウエイトw、……、wがほぼ不變であること。

について相互にほぼ比例する行をもつということである。というである。とれば、これは方程式仏の中のも係敷が紡績業と織物業とはほぼ一定に保たれるというわけである。稍、テクニカルな表はほぼ一定に保たれるというわけである。稍、テクニカルな表にほび一定に保たれるというわけである。稍、テクニカルな表とである。一つの垂直的分業に屬する諸工程の如きがそのよっとである。一つの垂直的分業に属する諸工程の如きがそのよの割合を保ちながら増減するような諸産業を統合すべしという

のみ、統合は有用であると結論できるであろう。るいはそれらの生産物が大略同一の比例で必要とされる場合に畢覚するに、一群の産業が類似の生産函數をもつ場合か、あ

六、ミクロ分析對マクロ分析

ルの法則その他何らかの確定的な法則に依つて 變化する ならがそれと類談性をもつもう一つの問題を考察しておこう。そのと想定されている。しかし、もしこれらの間に何らかの共變的な關係があり、完全な意味でそれらが獨立でないとしたなら的な關係があり、完全な意味でそれらが獨立でないとしたなら的な關係があり、完全な意味でそれらが獨立でないとしたならいれば、ひはすべて相互に一定の比例で變動し、われわれはとければ、ひはすべて相互に一定の比例で變動し、われわれはとければ、ひはすべて相互に一定の比例で變動し、われわれはといれば、なはすべて相互に一定の比例で變動し、われわれはと、以上とは稍、性質を異にするさて統合の問題を離れる前に、以上とは稍、性質を異にする。

自由度をもつことになる。ば、(體系が完全に線形ではなくても)われわれはやはり一個のば、(體系が完全に線形ではなくても)われわれはやはり一個の

れば まのように、もし自由度が一であれば、詳細なレオンティエ このように、もし自由度が一であれば、詳細なレオンティエ

 $C_k = r_{k1}G_1 \qquad (k=1,2,\dots,n)$

從つて似から

$$X_1 = {n \choose k=1} b_{ik} r_{kl} G_1$$
 (i=1, 2,, n)

とは、よく知られているとおりである。れれば事は足りるのである。そのような方法が通常行われるこであり、故にこの場合は、單に各XとGとの相關關係が確定さ

體的な大いさの豫測にさえ、單なるマクロ分析よりも一層優れった。それだけ衣料を減産すべきかというような數字を精確に算し、どれだけ衣料を減産すべきかというような數字を精確に算し、どれだけ衣料を減産すべきかという場合にこそ、詳細なレオンティエフの分析が威力を發揮し、例えばどれだけ鐵鍋を增産し、どれだけ衣料を減産すべきかというようなときには、最終間してくれるし、また雇傭量とか國民生産物とかいうような推移に當面しているとしよう。そのようなときには、最終問的な大いさの豫測にさえ、單なるマクロ分析よりも一層優れるというような推移に當面しているとしよう。そのようなというような批移に関係している。

4

投入產出分析

た解答を與え得ることになるであろう。

が、そのような場合でも、n個の自由度のすべてが必須であるかどうかは問題である。例えば、一個よりは多いがn個よりながとのがましれない。このように、われわれが m人n の自由度で現實に接近し得るかぎり、n個の C、C、……、C は m個の G、G、……、G によつて置換され、ふたたび簡單な線形の G、G、……、G によつて置換され、ふたたび簡単な線形の G、G、……、G によつて置換され、ふたたび簡単な線形が、そのような場合でも、n個の自由度のすべてが必須であるかどうかは問題である。

 $C_k = r_{k1}G_1 + r_{k2}G_2 + \cdots + r_{km}G_m$ $(k=1,2,\cdots,n)$ であるから、

$$X_{i} = \left(\sum_{k=1}^{n} b_{i,k} r_{k,1}\right) G_{1} + \left(\sum_{k=1}^{n} b_{i,k} r_{k,2}\right) G_{2} + \dots + \left(\sum_{k=1}^{n} b_{1,k} r_{k,m}\right) G_{n}$$

$$(i=1,2,\dots,n)$$

肝心の要點は、そのような詳細なレオンティエフ表に依らなくるかぎり、X1、X2、……、Xn は、もとの G、C2、……、Cnよりはるかだ少いG、G、……、Cn によつて計測され得るのである。それではこれらの新しい係數は、いかにして求められるか。 もし、もとの b が完全に分つていれば、われわれはそれらの各もし、もとの b が完全に分つていれば、われわれはそれらの各間単につくり出すことができる。しかし、そもそもこの議論の簡単につくり出すことができる。しかし、そもそもこの議論の簡単につくり出すことができる。しかし、そもそもこの議論の

てもどこまで問題に迫り得るかというところに存しているのでなった、また場合によつて不可能ですらある。その場合に、われわれはこの場合、多元相關その他のテクニックで X1、て、われわれはこの場合、多元相關その他のテクニックで X1、とは極く稀であるから、そのような推計はしばしば倒粗末なもとは極く稀であるから、そのような推計はしばしば過粗末なもとは極く稀であるから、そのような推計はしばしば過粗末なもとは極く稀であるから、そのような推計はしばしば過程来ない。からラフな判斷を下すより他仕方がない。

とは相互に全く別個の事柄であることに注意すべきであろう。 としても、そのことと、諸産業を m×m の型に統合すること を可能ならしめる特殊なαが存しない場合に、なおひを統合することによつて何らかの簡便化が得られないかというアイディを可能ならしめる特殊なαが存しない場合に、なおひを統合することによっている。本節の方法は、むしろさきの二つの方法を可能なられるいる。本節の方法は、むしろさきの二つの方法を可能ならしめる特殊なのが存しない場合に、なおの方法の方法のとは異つている。

七、閉じた體系について

年)では、レオンティエフはいわゆる「閉じた體系」(closed一言加えておくべきであると思う。彼の主著の舊版(一九四一この邊で、レオンティエフの新舊二つの體系の相違について、

system もしくは closedend system)として自らの理論體は、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたは、いままでもつばらこの後者に即してのみ説明を行つてきたが、これは開いた體系の方が閉じた體系よりも理解に容易であるばかりでなく、また政策的意義においても著しく大きな比重をもつているからである。

さて、上述の體系が開いた體系と呼ばれるのは、一つには家計の需要する最終消費量が體系の内部では産され得るものの意味において、開いた體系では、産業の内的關連がいわば二の意味において、開いた體系では、産業の内的關連がいわば二の意味において、開いた體系では、産業の内的關連がいわば二の意味において、開いた體系では、産業の内的關連がいわば二の意味において、開いた體系では、産業の内的關連がいわば二の意味において、開いた體系と同じく内部的に生産され得ない基本生産要素として取扱われでいること、もう一つには家計の提供するが、別では、大学的には、一つには家計の需要すると、上述の體系が開いた體系と呼ばれるのは、一つには家されるならば、家計は

 $X_0 = F_0(C_1, C_2, \dots, C_n)$

れ、その家計産業を一環に介して二つの開いた端は互に連結さという生産關係に從つて 勞働 を生産 する一個の産業と考えら

投入產出分析 ()

ことが以下本節での問題である。
ものとしての閉じた體系について、若干の補足的説明を加えるいの循環的な相互依存の體系が成立するのである。このようないの循環的な相互依存の體系が成立するのである。このようないの場合は、すべての財が必ずある産業の投入物であると同時れることになる。これが閉じた體系の思想である。すなわち、

一定數量を前に準じてほと記せば、家計産業の生産函數は等働という産出物一單位當りに必要な第に投入物(消費財)の勞働の生産にはシャツが必要という風に考えられる)。そこで一つの産業であるから、その分析上の取扱いは全く他の産業に一つの産業であるから、その分析上の取扱いは全く他の産業に関體系においては、家計は消費財を投入して勞働を産出する

$$X_0 = \frac{C_t}{a_{t0}}$$
 $(i=1, 2, \dots, n)$

×₀=α₀₁X₁+α₀₂X₂+……+α_{0π}X_m+0 と書かれ、さきの方程式體系(3)は次元を一つ擴張して

(8) $X_1 = a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \dots + a_{1n}X_n + a_{10}X_0$

 $X_n = a_{n1}X^I + a_{n2}X_2 + \dots + a_{nn}X_n + a_{n0}X_0$ こいう形に、従つて割もまたそれに應じて $1X_0 - a_{01}X_1 - \dots - a_{0n}X_n = 0$ $-a_{10}X_0 + (1-a_{11})X_1 - \dots - a_{1n}X_n = 0$

一七 (四三九)

係を裏書きするものと考えられる。 産力の増大と實質質銀の上昇との關連の如きが、そのような關 れぞれの財に關する人々の消費性向を表すと看做してもよいで 大きさ(贅澤品をすら含めて)を勞働提供のための必要投入量 が舊い立場におけるレオンティエフの基本方程式體系である。 何らかの依存關係の存することは想像に難くない。例えば、 できないから、 あろう。そして、 て決定されると考えるのが適當であるから、それらの係數はそ 消費に支出しようとする人々の心理的性向あるいは習慣によつ と考えている。彼の認めているように、現實にはぬは、所得を に對する乾草の如く、機關に對する油の如くであつたであろう。 再生産を可能ならしめる賃銀財のミニマムであり、あたかも馬 るいはマルクス)にとつては、それらは生理的に勞働一單位の よつて規定されるか。生存水準賃銀説を信奉したマルサスへあ のに對し、 ところで、 n+1個の齋次線形方程式の形に書き改められる。これ レオンティエフは、むしろその時代の習慣的な消費の $a_{n_0}X_0 - a_{n_1}X_1 - \dots + (1 - a_{n_n})X_n = 0$ 家計の「生産係數」(すなわち消費係數) 普通の産業の生産係數のが技術によつて規定され これらの新しいぬともとの技術的ななとの間に 人々は、 生産されないものを消費することは aio は何に

よりも、むしろこの體系の有する假定が、投入産出分析の他の關するマルサス的あるいはレオンティエフ的解釋の是否にあるさて今日、閉體系がわれわれに喚起する興味は、消費係數に

表示側面との関連において愛揮する理論的意義にあるといつて といであろう。一つには、一部の學者がすでに認めている如 を見いであるう。一つには、一部の學者がすでに認めている如 を引いてある。しかし、この問題を考察することは動學 な關係をもつている。しかし、この問題を考察することは動學 な關係をもつている。しかし、この問題を考察することは動學 とは動學 といてある。一つには、一部の學者がすでに認めている如 表示しよう。

態は理論的にどう處理されるであろうか。言うまでもなく、 ば、すなわちCが自發的でなく誘發的であるとするならば、事 常數ではなく、所得又の變化につれて動く變數であるとすなら が興味ある事態となるわけである。 もそれ がレオンティエフ•マルサス的消費係敷であるかのよう の場合は、 とする。そのとき、もし消費。Cがもはや特定水準に維持される の他)の變化から生ずる雇傭の變化を豫測したいと望んでいる な相貌で究極的な結果に入り込んでくる。 々の限界消費性向 いま、 われわれが開いた體系に基いて、自發的變數へ投資を 御馴染の乘敷分析のあらゆる要素があてはまり、種 -これを假りになで書こう 從つて、 は、 閉じた體系 あたか

(4の對應物として、次のような方程式組織を得る。A、A、……、A。を右邊に導入しよう。その結果、われわれは(3)足したうえ、自發的被乘數——例えば政府投資——の項として足したうえ、自發的被乘數——例えば政府投資——の項としてこのような事態の分析を行うため、われわれはまず(3)のCiに

$$\begin{array}{lll}
1 \, \overline{\mathbf{X}}_{0} - \bar{a}_{01} \overline{\mathbf{X}}_{1} - \dots - \bar{a}_{0n} \overline{\mathbf{X}}_{n} = \mathbf{A}_{0} \\
- \bar{a}_{10} \overline{\mathbf{X}}_{0} + (1 - \bar{a}_{11}) \, \overline{\mathbf{X}}_{1} - \dots - \bar{a}_{1n} \, \overline{\mathbf{X}}_{n} = \mathbf{A}_{1} \\
- \bar{a}_{n0} \overline{\mathbf{X}}_{0} - a_{n1} \overline{\mathbf{X}}_{1} - \dots + (1 - \bar{a}_{nn}) \, \overline{\mathbf{X}}_{n} = \mathbf{A}_{n} \\
\overline{\mathbf{X}}_{0} = \overline{\beta}_{00} \mathbf{A}_{0} + \overline{\beta}_{01} \mathbf{A}_{1} + \dots + \overline{\beta}_{0n} \mathbf{A}_{n}
\end{array}$$

(10) $\overline{\mathbf{X}}_{1} = \overline{\beta}_{10} \mathbf{A}_{0} + \overline{\beta}_{01} \mathbf{A}_{1} + \dots + \overline{\beta}_{1n} \mathbf{A}_{n}$ $\overline{\mathbf{X}}_{1} = \overline{\beta}_{10} \mathbf{A}_{0} + \overline{\beta}_{11} \mathbf{A}_{1} + \dots + \overline{\beta}_{1n} \mathbf{A}_{n}$

区π=βποAο+βπ1A1+……+βππAπ ここでβは、體系に第0行と第0列が加つたという事實の分

さて、これらのβともとが齟齬する大きさはどれだけであろうか。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答っか。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これは重要な設問である。何故なら、もしこの質問に答った。これらのβともとが齟齬する大きさはどれだけである。

を記せば、上述の問いに答えることは容易である。いま計算の結果だけ上述の問いに答えることは容易である。いま計算の結果だけ

$$\bar{\beta}_{ij} - \bar{b}_{ij} = \frac{\bar{\beta}_{i0}\bar{\beta}_{00}}{\bar{\beta}_{00}}$$
 $(i, j = 1, 2, \dots, n)$

投入產出分析 ()

である。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。これについては、次のような解釋が可能である。あるである。

をテストすることができるであろう。 算かつ解釋することによつて、上述の議論に對する自分の理解 讀者はさらに體系を縮小する場合についても同様の關係を計

(註2) レオンティエフはこの依存關係をLeontief, op. cit., pp. 205—207 参照。

ら、さきに述べたように、j=1,2,.....,n については(註3) 利潤ゼロの各産業はその總收入の全額を支出するかという條件で表現した。Leontief, op. cit., pp. 46-47。

ヤコービの定理により、ペロペクローペロログェースペログェ。

である。 家計の總所得には支出されない部分がなければならない。 なわ 5 $\bar{\alpha}_{0j} + \bar{\alpha}_j + \cdots + \bar{\alpha}_{nj} = 1$ **ā₀₁+……+ā₀₂=1−圧の既満**頃 しかし、この所得乘數體系が發散しないためには、 經驗上の理由(もしくは體系の「安定性」)から

(註 6

すなわち

 $\left(\frac{d\overline{X}_{t}}{dA_{j}}\right)_{\overline{X}_{0}=\text{variable}}$

 $\left(\frac{\Delta \overline{X}_d}{\Delta A_J}\right) \overline{X}_0 = \text{constant}$

∆X₀

依つて本文の關係が成立する。

しかるに、

Output Models", pp. 132-141 #, なければならない。 Activity Analysis の論文 "Uses Leontief's の中における この種の問題を詳 Open Input-Harlan

(註5) いから、 細に論じている。 これは次のように計算される(以下混同の虞れがな 簡便化のための係數の上のバーを省く)。 い ま (9)

は
$$\alpha$$
の第 0 行第 0 列に關する餘因數)である。故には α の第 0 行第 0 列に關する餘因數)である。故にいから、簡便化のための係數の上のバーを省く)。いま(9)いから、簡便化のための係數の上のバーを省く)。いま(9)

系では、

れることを明かにした。 (#1) 彼の理論のすべてが生産要素の代替の可能な一般の場

れ別個に、

性は排除されると一般には考えられている。

しかしながら、

ジ

ョルジェスク・レーゲンとサムエルソンとは一九四九年それぞ

只ひとつの基本生産要素の存するレオンティエフ體

クスティー

を行つたから、彼の體系では、新古典派的なクラー

ドーワルラスの生産理論に見られるような代替可能

レオンティエフはいわゆる固定的生産係數の假定の下で分析

ハ、代替の可能性について

合と相容

 $b_{ij} =$

一方

$$\beta_{ij} - b_{ij} = \frac{\alpha_{00}\alpha_{ji} - \alpha\alpha_{00}j_{i}}{\alpha\alpha_{00}}$$

從つて

$$\frac{\beta_{10}\beta_{00}}{\beta_{00}} = \frac{\alpha_{01}}{\alpha} \frac{\alpha_{00}}{\alpha_{00}} = \frac{\alpha_{01}\alpha_{00}}{\alpha_{000}}$$

働に代置せられ、雇傭は減少する筈だと答える氣になろう。

勞働のみが基本生産要素であり、それ以外の財はすべ

者は、もし代替が可能ならば他の生産要素(例えば機械)が勞 る結果が生ずるであろうか。この問いに對して、一部の經濟學 げられたと想定しよう。そのとき、各産業の屈傭量にはいかな 必ずそうなる筈のことを直觀的な仕方で讀者に示しておくのが

その結論と推理は簡單に要約できるけれども、

それにはまず

便利であろう。そこでいま、

レオンティエフ體系で賃銀が引上

002050

はなっ。そのときにれたことを想起し れる。 實際にはその代替 されつづけること の生産係敷が觀察 る。 は容易に理解せら 可能であつても、 れれば、 は行われず、 え技術上の代替が の比例で上昇し、 の費用もまた同一 投下勞働量で表さ は不變にとどま は、賃銀が引げら すべての相對價格 ンティエフ體系で 生産され得るレオ て不變の費用で再 從つて、たと 一切の價格が かくして、 當然機械

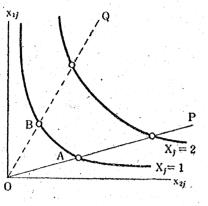
> の代替に轉化せしめないのである。 不變にとどめ、そのことによつて潜在的な代替可能性を事實上 いかなる消費量や勞働量の變動も、 つねに相對價格

 $X_j = 2$ $X_i = 1$

(例えばB點)。 な組合せはA點のみならず同じ曲線に沿つて無數に存在するの組合せい、wを與えるが、それに對し第三圖では、そのよう ٤ の一單位すなわち X1=1 に該當する等量曲線に住目してみる とに服する古典的標準的な生産函數を示している。 示し、第三圖は規模に關する收益不變と比例に關する收益遞減 第二圖は固定的生産係數をもつレオンティエフ型生産函數を 第二圖では、それの屈折點Aがただ一つの有效な生産係數 いま産出物

ないのである。 的係數の事例が眞實なのか、われわれは推斷することを許され二圖の固定的係數の事例が眞實なのか、それとも第三圖の可變 とが之である。換言すれば、 で示される如き) のように消費が變つても、 の下において、 な主張から成立つている。すなわち、 ジョルジェスク・レー OP に沿う諸點が觀察されたならば、たとえど は決して觀察され得ないであろう、 ゲン=サムエルソンの命題は次のよう 他の技術的組合せ(例えば點線 OQ 單に事實の觀察のみからして、 もしある特定の消費の型 というこ

推論を通じて簡単に知られるであろう。 かし、レオンティエフ理論の枠組の中でも、 この命題は限界生産力理論を援用して容易に證明される。 (#3) いま、第一産業が一組



レオンティエフ體

投入產出分析

(-)

(四四三)

求め、 さて、 そのときの特定のじの下では當然そのいずれかが他よりも小さ 較べてみるならば、その大小關係はどうであろうか。確かに、 P.に、さきに解かれた値を代入し、P.を求めてみる。さて、a、....、コを置換えてみた上で、そこに含まれる P.....、a 價格の方程式(7を本來のαについて解いて P1、P2、……、 の生産係敷の、の、の、 このようにして求められた日をもとののについて解かれた日と れらの方程式はCやXの如き外延的な大いさを含まず、從つて同様の計算を行うことができる。しかし、決定的な事實は、こ 日を與えると決めよう。かくしてわれわれは、このCの下で、 下でも眞であり、 何が生ずるか。このじの下で、われわれはふたたび切によつて ることを見極めた上で、今度はOを大幅に變化させてみよう。 れ」というのは、「完全競爭市場の見えざる手」のことである)。 決定的にのを楽てることができる(序ながら、ここで「われわ い筈であるから、議論を明確にするため、aの方が心より小さい 公前のαが採用しつづけられねばならない。 -でも真であり、ふたたびαは費用高の故をもつて拒けられ、 かにCを動かしてもその解を變えないということである。故 もとのじの下で眞であつたことは、依然として新しいじの 次に 'aoi αがこのように特定のCの下における最適要素結合であ をもつているとしよう。そこでまず、 anの他に代替可能なもう一組の生産 anの代りに、假りに新しい P_nを

(祖1) N. Georgescu-Roegen, "Some Properties of

a Generalized Leontief Model", in Activity Analysis, pp. 165—173, esp. p. 171, Corollary 10. 3. P. A. Samuelson, "Abstract of a Theorem Concerning Substituability in Open Leontief Models" op. cit., pp. 142—146. なお、線形計畫論的裝置によるこの定理の證明については、同じ書物所収のクープマンスとフロウの論文を参照せよ。

(註2) 第三節参照。

143—144)。各産業の一次同次の生産函數は(註3) サムエルソンの證明を摘記しておく (op. cit., pp

(i) $X_i = F_i(x_{0i}, x_{1i}, \dots, x_{ni})$ ($i = 1, 2, \dots, n$) と書かれるから、

$$C_i = F_d(x_{0d}, x_{1d}, \dots, x_{nd}) - \sum_{j=1}^n x_{dj}$$

べきであるから、われわれはそれと等義に……, Cn は所與の總勞働量Xの制約に服しつつ極大になるである。ところで、均衡においては、最終需要量 C1, C2,である。ところで、均衡においては、最終需要量 C1, C2,

$$C_1 = F_1(x_{01}, x_{11}, \dots, x_{n1}) - \sum_{j=1}^n x_{1j}$$

$$\begin{cases} \mathbf{F}_{t}(x_{01}, x_{1t}, \dots, x_{nt}) - \sum_{j=1}^{n} x_{ij} = \mathbf{C}_{t} \quad (i=2, \dots, n) \\ 0 - \sum_{j=1}^{n} x_{0j} = -\mathbf{X}_{0} \end{cases}$$

極大の通常の手段に從つて、ラグランシュ式を要素であつて再生産され得ないからである。さて條件付ことができる。ここで Fo=0 であるのは、勞働は基本的生に服しつつ極大にすることによつて、均衡の條件を求める

(iii)
$$\lambda_1 C_1 + \lambda_2 (F_2 - \sum_{j=1}^n x_{2j} - C_2) + \dots + \lambda_n (F_n - \sum_{j=1}^n x_{nj} - C_n)$$

 $+\lambda_0(-\sum_{j=1}^m x_{0j}+X_0)$

ついて微分してをつくり(ここでれは1に等しい)、それをこのおのおのに

を得る。これらからラグランジュ乘數 $\lambda_i = 0$ $\lambda_i = 0$ $\lambda_i = 0$ $\lambda_j = 0$ $\lambda_i = 0, 1, 2, \dots, n$

$$(\nabla) \qquad \frac{\partial \mathbf{F}_1}{\partial x_{i1}} = \mathbf{1}, \quad \frac{\partial \mathbf{F}_1}{\partial x_{i1}} \frac{\partial \mathbf{F}_i}{\partial x_{j}} - \frac{\partial \mathbf{F}_1}{\partial x_{j1}} = 0$$

$$\begin{pmatrix} i = 2, \dots, n \\ j = 0, 1, 2, \dots, n \end{pmatrix}$$

れわれは結局

oF_e/oxi_e は零次の同次であるから(すなわち、規模に關すたで、 はって補われる。しかしながら、われわれの假定によつて、といて補われる。しかしながら、われわれの假定によつて、よって補われる。しかしながら、われわれの假定によつて、よって補われる。しかしながら、われわれの假定によって、な得る。これらの方程式は1+(n-1)(n+1)=n²個あり、を得る。これらの方程式は1+(n-1)(n+1)=n²個あり、

る收益不愛の假定によつて、限界生産力はすべて投入物のる收益不愛の假定によつて、限界生産力はすべて投入物のもまたつねに不變であり、かつわれわれのが個の方程式は 22+2 であることをいま一度考慮すれば、觀察される生産係数 いであることをいま一度考慮すれば、觀察される生産係数 いであることをいま一度考慮すれば、 観察される生産係数 いもまたつねに不變であることは明かである。 もまたつねに不變であることは明かである。

(註4) 本文の證明において、嚴密には次の二點が註釋を必性のあること、すなわち、αを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときのP₁とαを用いたときの限定は證明の本質を損うものではない。

困難を含むことになるであろう。しかし、 の締果が逆轉するようであれば、 …、アルを代入したならば、 りに、 に、そのような代入すべき P2、……、Pnの選擇によつてそ れらの値を用いたことに氣をとめたであろう。 第二に、 aの下でのPiがdの下でのPiよりもすぐれているの 第一産業にむを用 の値を代入するとき、 烱眼な讀者は、 いた體系について解かれた P2、… どうであろうか。 われわれが(Tの第一式に P2、… もとののについて解かれたそ われわれの立論は重大な 幸運にもそのよ もし本文の場 もしその代

モデルの一考察」(金融經濟一九五五年二月

本稿を讀まれる人々

の併

私は東大古谷弘助教授の

確立される。各う産業がそれぞれの列と 劣ることは歴然たるものであり、 ができるわけである。 を交替的に代入することによつて、その大小を較べること 式を 21 個の變數 P2、… 高くなれば、他のあらゆるPも高くなるから、 る。まずわれわれは、 いさによって影響を受けない。 る。 の中に含まれる係數はすべて な矛盾があり得ないことは、次のような考察から判明す 第一産業がaとaとの間に選擇を有する場合について 得る場合には、 それらの解はパ われわれは遂に日のみの一次式を得、それにのかん **造もしくは活動分析の用語で言えば、** 第一式にαを選ぶか する活動をもつのである。 これらのP2、 小ならしめることを證明するこ もしdを代入することによってPiが ラメ 第一式を除いた(7の 2-1個の方程 じの如何にかかりなく、 われは同様の推論を反復するこ かくして、 しかもその締論はCの大 αβ列との間に選擇 われわれの定理 a'の a より 他の活動 の一つも

(> ? ~)

八三〇年代におけるイギリス勞働運動

——勞働黨史研究序說—— (中)

──オーエン的世界の終焉──一、一八三○年代の勞働組合運動

一、いわゆるチャーチストの時代

〔一〕 救貧法の改正

[二] 都市の狀態

[三] アイルランド人の移住とその影響

さなければならなかつたし、たえずいくつかの障害に出會い、べンサムの功利主義であり、この二大思潮の歴史的な發展のなが、勞働者階級の頭腦にしみとおり、彼等の行動の上に大きなたを大力説した(本誌一月號拙稿の第二節を参照されたい。)まとを力説した(本誌一月號拙稿の第二節を参照されたい。)まとを力説した(本誌一月號拙稿の第二節を参照されたい。)またとにオーエン主義とベンサム主義とは、英國社會主義の理論的思想的支柱であるといえよう。云うまでもなくこれらの思想が、勞働者階級の頭腦にしみとおり、彼等の行動の上に大きなが、勞働者階級の頭腦にしみとおり、彼等の行動の上に大きなが、勞働者階級の頭腦にしみとおり、彼等の行動の上に大きなが、勞働者階級の頭腦にしみとおり、ないの一般要の理論を表している。

飯田

同時に、 彼等はみずからその目的 ンシス・プ れを弱めようとする役割を果そうとする。ベンサム主義者フラ 働者階級の勢力を革命的なものにしようとするためではない。 運動の組織者として登場し、勞働者に團結の力を說くのは、勞 動そのものにも、 勞働者階級の團結の力を要求し、これを利用し、 者となり、依然として根弧い保守反動勢力に對抗するために、 をも排出させる。 しまつたのちは、紫働者階級の革命的な力をおそれ、 サム主義 資本主義の順調な發展という、 また、資本主義の恩惠の一部にあずかるプチ・ブル層 **リスは、** のいわばチャンピョンとして、資本家勢力の代辯 彼等はブルジョア急進主義 大きな影響をおよぼそうとする。彼等が勞働 まさに、そのような意味で典型的な人物 たとえば選擧法改正 、いわばめぐまれた環境は、運命にあつたのだ。 時期とともに生み落すと さらに勞働運 -ここではベン を達して むしろこ

<ーエンがプレースの主張に反對であつたことは、プレー

二五 (四四七)

一八三〇年代におけるイギリス労働運動